

(12) 特許協力条約に基づいて公開された国際出願

(19) 世界知的所有権機関
国際事務局

(43) 国際公開日
2015年7月23日(23.07.2015)



(10) 国際公開番号
WO 2015/107952 A1

- (51) 国際特許分類:
G09C 1/00 (2006.01) G06F 21/60 (2013.01)
- (21) 国際出願番号: PCT/JP2015/050231
- (22) 国際出願日: 2015年1月7日(07.01.2015)
- (25) 国際出願の言語: 日本語
- (26) 国際公開の言語: 日本語
- (30) 優先権データ:
特願 2014-006694 2014年1月17日(17.01.2014) JP
- (71) 出願人: 日本電信電話株式会社(NIPPON TELEGRAPH AND TELEPHONE CORPORATION) [JP/JP]; 〒1008116 東京都千代田区大手町一丁目5番1号 Tokyo (JP).
- (72) 発明者: 五十嵐 大(IKARASHI, Dai); 〒1808585 東京都武蔵野市緑町三丁目9番11号 NTT 知的財産センター内 Tokyo (JP). 濱田 浩気(HAMADA, Koki); 〒1808585 東京都武蔵野市緑町三丁目9番11号 NTT 知的財産センター内

Tokyo (JP). 菊池 亮(KIKUCHI, Ryo); 〒1808585 東京都武蔵野市緑町三丁目9番11号 NTT 知的財産センター内 Tokyo (JP). 千田 浩司(CHIDA, Koji); 〒1808585 東京都武蔵野市緑町三丁目9番11号 NTT 知的財産センター内 Tokyo (JP).

(74) 代理人: 中尾 直樹, 外(NAKAO, Naoki et al.); 〒1600022 東京都新宿区新宿三丁目1番22号 新宿NSビル4階 Tokyo (JP).

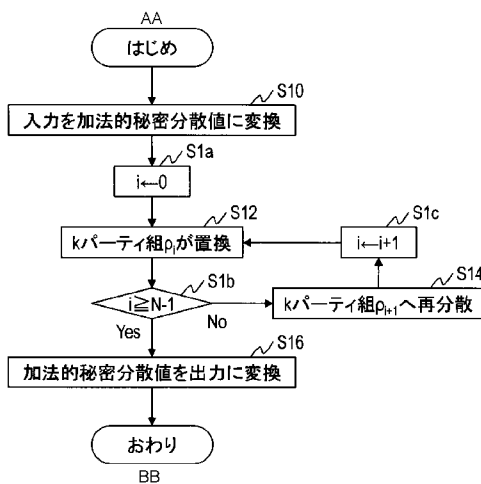
(81) 指定国 (表示のない限り、全ての種類の国内保護が可能): AE, AG, AL, AM, AO, AT, AU, AZ, BA, BB, BG, BH, BN, BR, BW, BY, BZ, CA, CH, CL, CN, CO, CR, CU, CZ, DE, DK, DM, DO, DZ, EC, EE, EG, ES, FI, GB, GD, GE, GH, GM, GT, HN, HR, HU, ID, IL, IN, IR, IS, JP, KE, KG, KN, KP, KR, KZ, LA, LC, LK, LR, LS, LU, LY, MA, MD, ME, MG, MK, MN, MW, MX, MY, MZ, NA, NG, NI, NO, NZ, OM, PA, PE, PG, PH, PL, PT, QA, RO, RS, RU, RW, SA, SC, SD, SE, SG, SK, SL, SM, ST, SV, SY, TH, TJ, TM, TN, TR, TT, TZ, UA, UG, US, UZ, VC, VN, ZA, ZM, ZW.

[続葉有]

(54) Title: SECURE COMPUTATION METHOD, SECURE COMPUTATION SYSTEM, RANDOM SUBSTITUTION DEVICE, AND PROGRAM

(54) 発明の名称: 秘密計算方法、秘密計算システム、ランダム置換装置及びプログラム

[図3]



AA... START
 S10... CONVERT INPUT TO ADDITIVE SECURE DISPERSION VALUE
 S12... SUBSTITUTE BY k PARTY GROUP (p_i)
 S14... REDISPERSION TO K PARTY GROUP (p_{i+1})
 S16... CONVERT ADDITIVE SECURE DISPERSION VALUE TO OUTPUT
 BB... END

(57) Abstract: The purpose of the present invention is to carry out secure computation that includes secure random substitution at high speed. In a unit substitution step (S12), random substitution devices (p₀, ..., p_{k-1}) make substitution of an additive secure dispersion value (<<a>>^{p_i}) for plain text (a) using substitution data (π) sub share (π_{p_i}). In a redispersion step (S14) the random substitution device (p₀) generates an additive secure dispersion value (<<a>>^{p_{i+1}}) using random numbers (r₁, ..., r_{k-1}) shared with each of random substitution devices (p_j) (j = 1, ..., k-1) and sends the same to the random substitution device (p_k). Each of the random substitution devices (p_j) generates an additive secure dispersion value (<<a>>^{p_j}) using a random number (r_j).

(57) 要約: 秘密ランダム置換が含まれる秘密計算を高速に行う。単位置換ステップS12は、ランダム置換装置 p₀, ..., p_{k-1} が、平文 a の加法的秘密分散値 <<a>>^{p_i} を置換データ π のサブシェア π_{p_i} により置換する。再分散ステップS14は、ランダム置換装置 p₀ が、ランダム置換装置 p_j (j=1, ..., k-1) それぞれと共有する乱数 r₁, ..., r_{k-1} を用いて加法的秘密分散値 <<a>>^{p_{i+1}} を生成してランダム置換装置 p_k へ送信し、ランダム置換装置 p_j それぞれが乱数 r_j を用いて加法的秘密分散値 <<a>>^{p_j} を生成する。

WO 2015/107952 A1



(84) 指定国 (表示のない限り、全ての種類の広域保護が可能): ARIPO (BW, GH, GM, KE, LR, LS, MW, MZ, NA, RW, SD, SL, ST, SZ, TZ, UG, ZM, ZW), ユーラシア (AM, AZ, BY, KG, KZ, RU, TJ, TM), ヨーロッパ (AL, AT, BE, BG, CH, CY, CZ, DE, DK, EE, ES, FI, FR, GB, GR, HR, HU, IE, IS, IT, LT, LU, LV, MC, MK, MT, NL, NO, PL, PT, RO, RS, SE, SI, SK,

SM, TR), OAPI (BF, BJ, CF, CG, CI, CM, GA, GN, GQ, GW, KM, ML, MR, NE, SN, TD, TG).

添付公開書類:

— 国際調査報告 (条約第 21 条(3))

明 細 書

発明の名称：

秘密計算方法、秘密計算システム、ランダム置換装置及びプログラム

技術分野

[0001] この発明は、秘密計算技術に関し、特に、秘密ランダム置換を行う技術に関する。

背景技術

[0002] 秘密計算とは、秘密分散によりデータを秘匿しつつデータ処理を行う技術である。秘密分散は、データを複数の分散値に変換し、一定個数以上の分散値を用いれば元のデータを復元でき、一定個数未満の分散値からは元のデータを一切復元できなくする技術である。秘密分散はいくつかの種類に分類でき、例えば、 (k, n) -秘密分散、加法的秘密分散、置換データ秘密分散などがある。

[0003] (k, n) -秘密分散とは、入力された平文を n 個のシェアに分割し、 n 個のパーティ $P=(p_0, \dots, p_{n-1})$ に分散しておき、任意の k 個のシェアが揃えば平文を復元でき、 k 個未満のシェアからは平文に関する一切の情報を得られないような秘密分散である。 (k, n) -秘密分散の具体的な方式には、例えば、Shamir秘密分散、複製秘密分散などがある。

[0004] 加法的秘密分散とは、複製秘密分散による (k, k) -秘密分散である。 (k, k) -秘密分散とは、 (k, n) -秘密分散において、 $n=k$ とした場合である。 (k, k) -秘密分散では、全パーティのシェアが集まらない限り平文を復元することはできない。加法的秘密分散は、 k 個のシェアを加算するだけで平文が復元される最もシンプルな秘密分散である。

[0005] 置換データ秘密分散は、置換データを秘匿して行う秘密分散である。置換データとは、データ列を並び替えるときの並び替え方を表すデータである。 m 個のデータ列を並び替えるとき、大きさ m の置換データ π は全単射写像 $\pi : N_m \rightarrow N_m$ を表すデータである。ただし、任意の整数 m に対して、 N_m は m 未満の非負整数

の集合である。例えば、ベクトル $x \in (N_m)^m$ で各要素が互いに異なるデータは大きさ m のランダム置換データと見なせる。

[0006] より具体的には、ベクトル $x=(3, 0, 2, 1)$ を大きさ4のランダム置換データと見なすことができる。例えば、データ列 $y=(1, 5, 7, 10)$ をベクトル x によって並び替えるとする。データ列 y の0番目の要素である1を、ベクトル x の0番目の要素が示す3番目に移動する。データ列 y の1番目の要素である5を、ベクトル x の1番目の要素が示す0番目に移動する。同様に、7を2番目に移動し、10を1番目に移動する。結果として、置換後のデータ列 $z=(5, 10, 7, 1)$ が得られる。

[0007] 置換データ秘密分散は、以下の手順により置換データを秘匿する。 N 個の k パーティ組の列 $P = \rho_0, \dots, \rho_{N-1}$ があるとする。例えば、 $k=2$ のとき、各 k パーティ組 ρ_i は、パーティ p_0 とパーティ p_1 の組 (p_0, p_1) や、パーティ p_0 とパーティ p_2 の組 (p_0, p_2) などである。各 k パーティ組 ρ_i 内の全パーティが互いに置換データ π_{ρ_i} を共有し、補集合 ρ_i^c には知らさないものとする。そして、対応する平文を $\pi_0(\pi_1(\dots(\pi_{N-1}(I))\dots))$ とする。ただし、 I は入力と同じ並びでそのまま出力する置換、つまり恒等置換である。このとき、 k パーティ組の列 $P = \rho_0, \dots, \rho_{N-1}$ を、「(条件1) 任意の $k-1$ パーティ組 ρ に対して、いずれかの補集合 ρ^c が $\rho \subseteq \rho^c$ を満たす」ように設定すれば、どのように $k-1$ パーティが結託しても、いずれかの置換データ π_{ρ_i} を知らないことになる。

[0008] 例えば、パーティ数 n が $n \geq 2k-1$ を満たすとき、 k パーティ組の列 P をすべての k パーティ組を含む集合とすれば上記の条件1を満たす。また、パーティ数 n が $n > 2k-1$ を満たすときは、すべての k パーティ組を含まなくても上記の条件1が実現されることがある。例えば、 $k=2$, $n=4$ のとき、 $\{(p_0, p_1), (p_2, p_3)\}$ はすべての k パーティ組を含みはしないが条件1を満たす。

[0009] 秘密ランダム置換とは、どのような順番に置換したのかを処理実行者にもわからないように、入力されたデータ列をランダムに置換する技術である。秘密ランダム置換を行う従来技術として非特許文献1に記載の技術がある。

[0010] 非特許文献1に記載の秘密ランダム置換の基本形は、 (k, n) -秘密分散値の

列 $[a^*]$ を入力とし、置換データ秘密分散値 $\langle \pi \rangle$ を生成し、 (k, n) -秘密分散値の列 $[b^*] = ([a_{\pi(0)}], \dots, [a_{\pi(m-1)}])$ を出力する。このとき、置換データ秘密分散値 $\langle \pi \rangle$ の平文 π 、つまりデータ列をどのような順序で入れ替えたのかがいずれのパーティにもわからないことが特徴である。具体的な処理としては、置換データ秘密分散の各サブシェア π_{ρ_i} に対して、 k パーティ集合 ρ_i に属するパーティ $p \in \rho_i$ が秘密計算ではない通常の置換処理により、入力 $[a^*] = ([a_0], \dots, [a_{m-1}])$ から $([a_{\pi_{\rho_i}(0)}], \dots, [a_{\pi_{\rho_i}(m-1)}])$ を生成し、これを再分散と呼ばれる処理により秘密分散し直すことを繰り返す。

[0011] 秘密ランダム置換は入出力の型の違いから以下の三種類が考えられる。一つ目は、入力も出力も (k, n) -秘密分散値である場合である。二つ目は、入力が (k, n) -秘密分散値であり、出力は公開値の場合である。三つ目は、入力が公開値であり、出力は (k, n) -秘密分散値の場合である。入力が公開値の場合、公開値を秘密分散して秘密分散値としてから上記の基本形の処理を行う。また、出力が公開値の場合、上記の基本形の処理を行った後に公開処理を行う。公開値とは全パーティが知っている値である。公開処理とは、例えば、全パーティが自身のシェアを他の全パーティに送信し、全パーティが受信したシェアから秘密分散の復元を行うことである。

先行技術文献

非特許文献

[0012] 非特許文献1：濱田浩気、五十嵐大、千田浩司、高橋克巳、“3パーティ秘匿関数計算のランダム置換プロトコル”、コンピュータセキュリティシンポジウム2010、2010年

発明の概要

発明が解決しようとする課題

[0013] 非特許文献1に記載の秘密ランダム置換は、 (k, n) -秘密分散値を用いて置換と再分散の処理を繰り返す。 (k, n) -秘密分散値を再分散するためには、各パーティが全パーティと相互に通信を行わなければならない、通信量及び通信

段数が大きいという問題がある。

[0014] この発明の目的は、秘密ランダム置換に要する通信量及び通信段数を低減し、秘密ランダム置換が含まれる秘密計算を高速に行うことである。

課題を解決するための手段

[0015] 上記の課題を解決するために、この発明の秘密計算方法は、 n, k を2以上の整数とし、 $n > k$ とし、 $N = {}_n C_k$ とし、 ρ を n 台のランダム置換装置から選択した k 台のランダム置換装置の組とし、 $\rho_0, \dots, \rho_{N-1}$ は $i=0, \dots, N-2$ について $|\rho_i \setminus \rho_{i+1}| = 1$ となるように構成されており、 $\langle a \rangle^{\rho_i}$ を i 番目のランダム置換装置の組 ρ_i が保持する平文 a の加法的秘密分散値とし、 $\langle a \rangle^{\rho_p}$ を加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho_i}$ のうちランダム置換装置 p が保持する加法的秘密分散値とし、 π_{ρ_i} を i 番目のランダム置換装置の組 ρ_i に対応する置換データ π のサブシェアとし、ランダム置換装置 p_0 を i 番目のランダム置換装置の組 ρ_i に含まれ $i+1$ 番目のランダム置換装置の組 ρ_{i+1} に含まれないランダム置換装置とし、ランダム置換装置 p_k を i 番目のランダム置換装置の組 ρ_i に含まれず $i+1$ 番目のランダム置換装置の組 ρ_{i+1} に含まれるランダム置換装置とし、ランダム置換装置 p_j ($j=1, \dots, k-1$)を i 番目のランダム置換装置の組 ρ_i 及び $i+1$ 番目のランダム置換装置の組 ρ_{i+1} のいずれにも含まれる $k-1$ 台のランダム置換装置として、ランダム置換装置 p_0, \dots, p_{k-1} が、加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho_i}$ をサブシェア π_{ρ_i} により置換する単位置換ステップと、ランダム置換装置 p_0 が、ランダム置換装置 p_1, \dots, p_{k-1} と共有する乱数 r_1, \dots, r_{k-1} を用いて加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho_{i+1} p_k}$ を生成してランダム置換装置 p_k へ送信し、ランダム置換装置 p_j それぞれが乱数 r_j を用いて加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho_{i+1} p_j}$ を生成する再分散ステップと、を含む。

発明の効果

[0016] この発明の秘密計算技術によれば、秘密ランダム置換を行う際の通信量及び通信段数を低減することができる。したがって、秘密ランダム置換が含まれる秘密計算を高速に実行できる。

図面の簡単な説明

[0017] [図1] 図1は、秘密計算システムの機能構成を例示する図である。

[図2]図 2 は、第一実施形態のランダム置換装置の機能構成を例示する図である。

[図3]図 3 は、第一実施形態の秘密計算方法の処理フローを例示する図である。

[図4]図 4 は、第二実施形態の秘密計算方法の処理フローを例示する図である。

[図5]図 5 は、第三実施形態の秘密計算方法の処理フローを例示する図である。

[図6]図 6 は、第四実施形態のランダム置換装置の機能構成を例示する図である。

[図7]図 7 は、第四実施形態の秘密計算方法の処理フローを例示する図である。

[図8]図 8 は、第一実施形態における $k=2, n=3$ の具体例を示す図である。

[図9]図 9 は、第一実施形態における $k=3, n=5$ の具体例を示す図である。

[図10]図 10 は、第二実施形態における $k=2, n=3$ の具体例を示す図である。

[図11]図 11 は、第二実施形態における $k=3, n=5$ の具体例を示す図である。

[図12]図 12 は、第三実施形態における $k=2, n=3$ の具体例を示す図である。

[図13]図 13 は、第三実施形態における $k=3, n=5$ の具体例を示す図である。

発明を実施するための形態

[0018] 実施形態の説明に先立ち、この明細書で用いる表記方法及び用語を定義する。

[表記方法]

p は、シェアを所持するパーティを表す。

$P=(p_0, \dots, p_{n-1})$ は、シェアを所持する n パーティ全体の集合を表す。

$\rho=(\rho_0, \dots, \rho_{k-1})$ は、置換処理を実行する k パーティ組の集合を表す。

$P=(\rho_0, \dots, \rho_{N-1})$ は、各置換処理を実行する k パーティ組の順番を表す。ただし、 $N={}_n C_k$ は、置換処理の実行回数であり、 n パーティから k パーティを選択するすべての組み合わせの数である。

$[x]$ は、平文 $x \in G$ の (k, n) -秘密分散値を表す。ここで、 G は可換群である。 (k, n) -秘密分散値とは、平文 x を (k, n) -秘密分散で分散したシェアすべてを集めた組である。秘密分散値 $[x]$ は、普段は n パーティ集合 P に分散されて所持されているため、一か所ですべてを所持されることはなく、仮想的である。

$[x]_p$ は、 (k, n) -秘密分散値 $[x]$ のうち、パーティ $p \in P$ が所持するシェアを表す。

$[x^{\rightarrow}]$ は、平文の列が x^{\rightarrow} となる (k, n) -秘密分散値の列を表す。

$[G]$ は、可換群 G 上の (k, n) -秘密分散値全体の集合を表す。

$\langle\langle x \rangle\rangle^{\rho}$ は、平文 $x \in G$ の加法的秘密分散値で、 k パーティ組 ρ がシェアを所持するものを表す。加法的秘密分散値とは、平文 x を加法的秘密分散で分散したシェアすべてを集めた組を表す。

$\langle\langle x \rangle\rangle^{\rho}_p$ は、加法的秘密分散値 $\langle\langle x \rangle\rangle^{\rho}$ のうち、パーティ $p \in \rho$ が所持するシェアを表す。

$\langle\langle x^{\rightarrow} \rangle\rangle^{\rho}$ は、平文の列が x^{\rightarrow} となる加法的秘密分散値の列を表す。

$\langle\langle G \rangle\rangle^{\rho}$ は、可換群 G 上の加法的秘密分散値全体の集合を表す。

$\langle\pi\rangle$ は、置換データ π の置換データ秘密分散値を表す。

Π は、大きさ m の置換データ全体の集合を表す。

$\langle\Pi\rangle$ は、大きさ m の置換データ秘密分散値全体の集合を表す。

[0019] [発明のポイント]

この発明の秘密ランダム置換の概要は以下の通りである。

ステップ1. 入力を (k, n) -秘密分散値または公開値から加法的秘密分散値に変換する。

ステップ2. 加法的秘密分散値上で、シェアを持つ k パーティ集合 ρ に属する各パーティが置換データ秘密分散値 $\langle\pi\rangle$ のサブシェア π_p による通常の置換を行い、再分散することを繰り返す。ただし、最終回は再分散しない。以下、反復の一回を単位置換と呼び、繰り返す処理全体を反復置換と呼ぶ。

ステップ3. 出力を加法的秘密分散値から (k, n) -秘密分散値または公開値に変換する。

[0020] ステップ1及びステップ3は、既存の手法を適用できる。以下では、ステップ2の処理におけるポイントについて説明する。

[0021] <単位置換>

単位置換におけるポイントは、i回目の単位置換で、 $|\rho_i \setminus \rho_{i+1}|=1$ となるようにkパーティ集合 ρ_i を選択することである。つまり、i回目の単位置換を行うkパーティ集合 ρ_i と、i+1回目の単位置換を行うkパーティ集合 ρ_{i+1} とでは、1パーティだけが異なり残りのk-1パーティは同じパーティということである。このような単位置換を、パーティが一つしか異なる場合であることから、1-加法的再分散プロトコルと呼ぶ。

[0022] 非特許文献1に記載の秘密ランダム置換における再分散では、 $(n-1)(k-1)$ 個のG要素の通信量を要する。一方、1-加法的再分散プロトコルでは、k-1個のG要素の通信量で済む。特に、シードを予め共有して疑似乱数を共有すれば、通信量は1個のG要素の通信量で済む。この場合は、通信量が定数となり、非常に効率的である。

[0023] 1-加法的再分散プロトコルは、入力をkパーティ組 $\rho = p_0, \dots, p_{k-1}$ が所持する秘密分散値 $\langle\langle a \rangle\rangle_{p_0}^\rho \in \langle\langle G \rangle\rangle^\rho$ とし、以下の手順でデータ処理を行い、他のkパーティ組 $\rho' = p_1, \dots, p_k$ が所持する秘密分散値 $\langle\langle a \rangle\rangle_{p_k}^{\rho'} \in \langle\langle G \rangle\rangle^{\rho'}$ を出力する。ただし、パーティの役割は適切に変更されるものとする。

[0024] まず、パーティ p_0 は、 $i=1, \dots, k-1$ について、パーティ p_i と乱数 $r_i \in G$ を共有する。次に、パーティ p_0 は、次式により秘密分散値 $\langle\langle a \rangle\rangle_{p_k}^{\rho'}$ を計算して、パーティ p_k に送信する。パーティ p_k は、受信した $\langle\langle a \rangle\rangle_{p_k}^{\rho'}$ を出力する。

[数1]

$$\langle\langle a \rangle\rangle_{p_k}^{\rho'} = \langle\langle a \rangle\rangle_{p_0}^\rho - \sum_{1 \leq i < k} r_i$$

[0025] 続いて、パーティ p_i ($i=1, \dots, k-1$) は、次式により秘密分散値 $\langle\langle a \rangle\rangle_{p_i}^{\rho'}$ を計算して出力する。

[数2]

$$\langle\langle a \rangle\rangle_{p_i}^{\rho'} = \langle\langle a \rangle\rangle_{p_i}^\rho + r_i$$

[0026] <反復置換の中の単位置換の並列化>

反復置換は、置換→再分散→置換→再分散→…→置換という繰り返しであり、置換をN回、再分散をN-1回実行する。これを単純に行うと、通信の段数はそのまま再分散の回数であり、N-1段となる。しかし、1-加法的再分散プロトコルによる単位置換は、通信に関して並列化することができる。データ受信を待つパーティが1パーティ、すなわち前回の単位置換に参加していないパーティだけだからであり、他のパーティは何らのデータ受信を待つことなく、オフライン処理だけを実行して次の単位置換処理に移行できるからである。加法的秘密分散のシェアはk個であるから、kパーティ組の順番Pを適切に設定すれば、最大k回の単位置換を1段で実行することができる。これにより、通信段数を(N-1)/k段に低減することができる。

[0027] kパーティ組の順番Pは、任意の $i < k$ について、パーティ p_i からの経路の通信段数が互いに等しいか、最大値と最小値の差が最も小さい順番にすることで、通信段数を効率化することができる。

[0028] パーティ p_i からの経路とは、長さLのkパーティ組の列 $P = (p_0, \dots, p_{L-1})$ に対して、パーティの列 $(p_{j_0}, p_{j_1}, \dots, p_{j_{L-1}})$ であって、次式により帰納的に定められる列である。

[数3]

$$p_{j_0} = p_i,$$

$$p_{j_{L+1}} = \begin{cases} p_{j_L} & \text{if } p_{j_L} \in P_{L+1} \\ P_{L+1} \setminus P_L \text{の唯一の元 } p & \text{otherwise} \end{cases}$$

[0029] 経路の通信段数とは、経路の中でパーティが変化することで通信が必要となる λ の数、すなわち $|\{\lambda \in \mathbb{N}_L \mid p_{j_\lambda} \neq p_{j_{\lambda+1}}\}|$ である。1-加法的再分散プロトコルの通信では、パーティ p_k がパーティ p_0 からの送信を待つ以外は乱数の通信であり、前段の再分散の結果に依存していない。経路の通信段数は、このパーティ p_0 からパーティ p_k の通信のうち直列に並んでおり並列に実行できない段数を表している。反復置換全体の通信段数は、次式に示すとおりであるため、各経路の通信段数が均等になっていると効率的である。

[数4]

$\max_{i < k} (p_i \text{からの経路の通信段数})$

かつ

$\sum_{i < k} (p_i \text{からの経路の通信段数}) = |P|$

[0030] 以下、この発明の実施の形態について詳細に説明する。なお、図面中において同じ機能を有する構成部には同じ番号を付し、重複説明を省略する。

[第一実施形態]

図1を参照して、第一実施形態に係る秘密計算システムの構成例を説明する。秘密計算システムは、 n (≥ 2) 台のランダム置換装置 $1_1, \dots, 1_n$ とネットワーク9を含む。ランダム置換装置 $1_1, \dots, 1_n$ はネットワーク9にそれぞれ接続される。ネットワーク9はランダム置換装置 $1_1, \dots, 1_n$ がそれぞれが相互に通信可能なように構成されていればよく、例えばインターネットやLAN、WANなどで構成することができる。また、ランダム置換装置 $1_1, \dots, 1_n$ それぞれは必ずしもネットワーク9を介してオンラインで通信可能である必要はない。例えば、あるランダム置換装置 1_i ($1 \leq i \leq n$) が出力する情報をUSBメモリなどの可搬型記録媒体に記憶し、その可搬型記録媒体から異なるランダム置換装置 1_j ($1 \leq j \leq n, i \neq j$) へオフラインで入力するように構成してもよい。

[0031] 図2を参照して、秘密計算システムに含まれるランダム置換装置1の構成例を説明する。ランダム置換装置1は、事前変換部10、単位置換部12、再分散部14、事後変換部16及び記憶部18を含む。ランダム置換装置1は、例えば、中央演算処理装置 (Central Processing Unit、CPU)、主記憶装置 (Random Access Memory、RAM) などを有する公知又は専用のコンピュータに特別なプログラムが読み込まれて構成された特別な装置である。ランダム置換装置1は、例えば、中央演算処理装置の制御のもとで各処理を実行する。ランダム置換装置1に入力されたデータや各処理で得られたデータは、例えば、主記憶装置に格納され、主記憶装置に格納されたデータは必要に応じて読み出されて他の処理に利用される。ランダム置換装置1が備え

る記憶部18は、例えば、RAM (Random Access Memory) などの主記憶装置、ハードディスクや光ディスクもしくはフラッシュメモリ (Flash Memory) のような半導体メモリ素子により構成される補助記憶装置、またはリレーショナルデータベースやキーバリューストアなどのミドルウェアにより構成することができる。

[0032] パーティ p に対応するランダム置換装置 1_p が備える記憶部18には、平文 a の (k, n) -秘密分散値 $[a]_p$ もしくは公開値 a 、パーティ p が含まれる k パーティの組 ρ に対応する置換データ π のサブシェア π_ρ 及び $N \times k$ 個のシード $s_{0,1}, \dots, s_{N-1,k}$ が記憶されている。なお、シード $s_{0,1}, \dots, s_{N-1,k}$ は、後述する再分散部14の処理において乱数を生成する際に通信無しで行うために予め記憶しておくものであるが、都度協調して乱数生成を行う場合には記憶していなくても構わない。

[0033] 図3を参照しながら、第一実施形態に係る秘密計算システムが実行する秘密計算方法の処理フローの一例を、実際に行われる手続きの順に従って説明する。

[0034] ステップS10において、 k 台のランダム置換装置 1_{ρ_0} が備える事前変換部10は、記憶部18に記憶されている (k, n) -秘密分散値 $[a]_{\rho_i}$ もしくは公開値 a を加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho_0}$ へ変換する。 ρ_0 は k パーティ組の列 $P=(\rho_0, \dots, \rho_{N-1})$ の0番目の要素であり、ランダム置換装置 1_{ρ_0} は、 $\rho_0=(\rho_{0,1}, \dots, \rho_{0,k-1})$ に対応する k 台のランダム置換装置 $1_{\rho_{0,1}}, \dots, 1_{\rho_{0,k-1}}$ である。

[0035] (k, n) -秘密分散値もしくは公開値から加法的秘密分散値へ変換する方法は、既知の方法により行えばよい。

[0036] 入力が公開値である場合、加法的秘密分散値への変換は、例えば以下のように行うことができる。 ρ を k 台のランダム置換装置 $1_{\rho_{0,1}}, \dots, 1_{\rho_{0,k-1}}$ の組とし、 $a \in G$ を入力された公開値とし、ランダム置換装置 $1_{\rho_{0,i}}$ が公開値 a を知っているとす。公開値 a から加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho}$ への変換は、 $i=0, \dots, k-1$ について、次式により行えばよい。

[数5]

$$\langle\langle a \rangle\rangle_{p_i}^P := \begin{cases} a & \text{if } i = 0 \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$

[0037] 入力が(k, n)-秘密分散値である場合、加法的秘密分散値への変換は、例えば下記の参考文献1及び参考文献2に記載された方法により行うことができる。参考文献1には、Shamir秘密分散を含む線形秘密分散から加法的秘密分散へ通信無しで変換する方法が記述されている。参考文献2には、複製秘密分散から線形秘密分散へ通信無しで変換する方法が記述されているため、複製秘密分散から加法的秘密分散への変換は、参考文献2に記載の方法と参考文献1に記載の方法を組み合わせることで通信無しで実現される。

〔参考文献1〕五十嵐大、濱田浩気、菊池亮、千田浩司、“少パーティの秘密分散ベース秘密計算のための0(l)ビット通信ビット分解および0(|p'|)ビット通信Modulus変換法”、コンピュータセキュリティシンポジウム2013、2013年

〔参考文献2〕R. Cramer, I. Damgard, and Y. Ishai, “Share conversion, pseudorandom secret-sharing and applications to secure computation”, TCC 2005, Vol. 3378 of Lecture Notes in Computer Science, pp. 342-362, 2005.

[0038] ステップS1aにおいて、k台のランダム置換装置1_{ρ₀}は、置換処理の実行回数を表すカウンタiを0に初期化する。

[0039] ステップS12において、k台のランダム置換装置1_{ρ_i}が備える単位置換部12は、記憶部18に記憶されている置換データのサブシェアπ_{ρ_i}を用いて加法的秘密分散値⟨⟨a⟩⟩^{ρ_i}を置換する。ρ_iはkパーティ組の列P=(ρ₀, …, ρ_{N-1})のi番目の要素であり、ランダム置換装置1_{ρ_i}は、ρ_i=(ρ₀, …, ρ_{k-1})に対応するk台のランダム置換装置1_{ρ₀}, …, 1_{ρ_{k-1}}である。置換の方法は、従来の置換データ秘密分散の方法により行えばよい。

[0040] ステップS1bにおいて、k台のランダム置換装置1_{ρ_i}は、所定回数の置換処理が実行されたか否かを判定する。具体的には、N_nC_kを単位置換の総実行

回数として、カウンタ*i*の値が*N*-1に達したか否かを判定する。*i*<*N*-1であれば、ステップS 1 4へ処理を進める。*i*≥*N*-1であれば、ステップS 1 6へ処理を進める。

[0041] ステップS 1 4において、*k*台のランダム置換装置 $1_{\rho_{i+1}}$ が備える再分散部1 4は、1-加法的再分散プロトコルにより加法的秘密分散値 $\langle\langle a \rangle\rangle^{\rho_i}$ の再分散を行う。以下、ランダム置換装置 1_{ρ_0} を、ランダム置換装置 1_{ρ_i} に含まれてランダム置換装置 $1_{\rho_{i+1}}$ には含まれないランダム置換装置とし、ランダム置換装置 1_{ρ_k} を、ランダム置換装置 1_{ρ_i} に含まれずランダム置換装置 $1_{\rho_{i+1}}$ に含まれるランダム置換装置とする。また、ランダム置換装置 1_{ρ_j} ($j=1, \dots, k-1$) を、ランダム置換装置 1_{ρ_k} を除くランダム置換装置 $1_{\rho_{i+1}}$ に含まれる*k*-1台のランダム置換装置を表すものとする。

[0042] まず、ランダム置換装置 $1_{\rho_{i+1}}$ が備える再分散部1 4は、*k*個の乱数 $r_1, \dots, r_k \in G$ を生成する。乱数 r_1, \dots, r_k は、*k*台のランダム置換装置 $1_{\rho_{i+1}}$ が協調して共有の乱数 r_1, \dots, r_k を生成してもよいし、記憶部1 8に記憶されているシード $s_{i,1}, \dots, s_{i,k}$ を用いて疑似乱数 r_1, \dots, r_k を生成してもよい。予め共有したシード $s_{i,1}, \dots, s_{i,k}$ を用いて疑似乱数を生成すればランダム置換装置間の通信無く乱数生成ができるので非常に効率的である。

[0043] 次に、ランダム置換装置 1_{ρ_0} が備える再分散部1 4は、ランダム置換装置 1_{ρ_k} のための加法的秘密分散値 $\langle\langle a \rangle\rangle^{\rho_{i+1}_{\rho_k}}$ を、加法的秘密分散値 $\langle\langle a \rangle\rangle^{\rho_{i_{\rho_0}}}$ 及び乱数 r_0, \dots, r_{k-1} を用いて次式により生成し、ランダム置換装置 1_{ρ_k} へ送信する。

[数6]

$$\langle\langle a \rangle\rangle_{\rho_k}^{\rho_{i+1}} = \langle\langle a \rangle\rangle_{\rho_0}^{\rho_i} - \sum_{1 \leq i < k} r_i$$

[0044] そして、ランダム置換装置 1_{ρ_j} が備える再分散部1 4は、加法的秘密分散値 $\langle\langle a \rangle\rangle^{\rho_{i_{\rho_j}}}$ 及び乱数 r_j を用いて、加法的秘密分散値 $\langle\langle a \rangle\rangle^{\rho_{i+1}_{\rho_j}}$ を、次式により生成する。

[数7]

$$\langle\langle a \rangle\rangle_{\rho_j}^{\rho_{i+1}} = \langle\langle a \rangle\rangle_{\rho_j}^{\rho_i} - r_j$$

- [0045] ステップS 1 cにおいて、k台のランダム置換装置 $1_{\rho_{i+1}}$ は、置換処理の実行回数を表すカウンタ $i+1$ を加算する。以降、ステップS 1 bにおいてカウンタ i が $N-1$ に達したと判定されるまで、ステップS 1 2の単位置換とステップS 1 4の再分散を繰り返す。
- [0046] ステップS 1 6において、k台のランダム置換装置 $1_{\rho_{N-1}}$ が備える事後変換部 1 6は、加法的秘密分散値を (k, n) -秘密分散値もしくは公開値へ変換する。加法的秘密分散値から他の形式へ変換する方法は、比較的軽量に行うことができる。なお、下記の変換方法は一例であり、他の変換方法では適用できないということを意味するものではない。
- [0047] 出力が公開値である場合、出力を得たいランダム置換装置 1_{ρ} ($1 \leq \rho \leq n$) に対して、最後に置換処理を実行したk台のランダム置換装置 $1_{\rho_{N-1}}$ が加法的秘密分散値 $\llbracket a \rrbracket^{\rho_{N-1}}_{\rho_j}$ ($j=0, \dots, k-1$) を送信し、ランダム置換装置 1_{ρ} が復元を行う方法がある。その他に、出力を得たい複数台のランダム置換装置 1_{ρ} ($\rho \subseteq \{1, \dots, n\}$) から選択した一台のランダム置換装置 1_{ρ} ($\rho \in \rho$) に対して、最後に置換処理を実行したk台のランダム置換装置 $1_{\rho_{N-1}}$ が加法的秘密分散値 $\llbracket a \rrbracket^{\rho_{N-1}}_{\rho_j}$ ($j=0, \dots, k-1$) を送信し、ランダム置換装置 1_{ρ} が復元を行い、他のランダム置換装置 1_{ρ} へ復元結果を送信する方法もある。
- [0048] 出力が (k, n) -秘密分散値である場合、線形秘密分散、複製秘密分散など加法準同型性を持つ、つまり秘密分散値上で通信無しで加法を行える秘密分散に対しては、例えば、以下の手順により変換することができる。まず、k台のランダム置換装置 $1_{\rho_{N-1}}$ は変換先の (k, n) -秘密分散によって加法的秘密分散値 $\llbracket a \rrbracket^{\rho_{N-1}}_{\rho_j}$ を秘密分散し、n台のランダム置換装置 1_{ρ} へ (k, n) -秘密分散値 $\llbracket \llbracket a \rrbracket^{\rho_{N-1}}_{\rho_j} \rrbracket_{\rho}$ ($\rho=1, \dots, n$) を配信する。そして、n台のランダム置換装置 1_{ρ} は受信したk個の (k, n) -秘密分散値 $\llbracket \llbracket a \rrbracket^{\rho_{N-1}}_{\rho_j} \rrbracket_{\rho}$ をすべて加算する。
- [0049] このように、第一実施形態の秘密計算システムは、入力を加法的秘密分散値に変換することで、再分散の処理における通信量を低減させることができ、従来のランダム置換よりも効率的に処理を行うことが可能である。
- [0050] [第二実施形態]

秘密ランダム置換の入力が公開値である場合には第一実施形態よりもさらに効率化することができる。非特許文献1や第一実施形態の方法でランダム置換の置換データを秘密にするためには、任意の $k-1$ パーティ組 ρ に対して、いずれかの補集合 ρ^c が $\rho \subseteq \rho^c$ を満たすような k パーティ組の列 P の要素数だけ、単位置換を行う必要がある。しかし、あるパーティ p がもつ公開値が入力の場合、もっと少ない回数単位置換でよい。入力が公開値であるため、最初はパーティ p が1パーティで置換を行うことができ、パーティ p が知っている分の置換をすべてまとめて行うことができるからである。

[0051] 少なくとも1台のランダム置換装置 1_{p0} が備える記憶部18には、公開値 a が記憶されている。公開値 a は少なくとも1台が所持していればよく、何台のランダム置換装置が所持していても構わない。

[0052] ランダム置換装置 1_{p0} を除く $n-1$ 台のランダム置換装置 $1_{p1}, \dots, 1_{pn-1}$ が備える記憶部18には、パーティ p_i が含まれる k パーティの組 ρ_i に対応する置換データ π のサブシェア π_{ρ_i} 及び $N \times k$ 個のシード $s_{0,1}, \dots, s_{N-1,k}$ が記憶されているものとする。ただし、 N は ${}_{n-1}C_k$ である。第一実施形態と同様に、シード $s_{0,1}, \dots, s_{N-1,k}$ は必ずしも記憶していなくても構わない。

[0053] 図4を参照しながら、第二実施形態に係る秘密計算システムが実行する秘密計算方法の処理フローの一例を、実際に行われる手続きの順に従って説明する。

[0054] ステップS12 $_{p0}$ において、ランダム置換装置 1_{p0} が備える単位置換部12は、ランダムな置換データ π を生成し、置換データ π により公開値 a を置換する。置換の方法は、従来の置換方法と同様である。

[0055] ステップS10 $_{p0}$ において、ランダム置換装置 1_{p0} が備える事前変換部10は、置換後の公開値 a を加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho^{-1}}$ へ変換する。変換の方法は、第一実施形態のステップS10と同様である。加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho^{-1}}$ は、ランダム置換装置 1_{p0} のうち、任意に選択した $k-1$ 台に配信される。ここでは、ランダム置換装置 $1_{p1}, \dots, 1_{pk-1}$ に配信されたものとする。

[0056] ステップS14 $_{p0}$ において、 k 台のランダム置換装置 1_{p0} が備える再分散部1

4は、1-加法的再分散プロトコルにより加法的秘密分散値 $\langle a \rangle_{p^{-1}}$ の再分散を行う。再分散の方法は、第一実施形態のステップS 1 4と同様である。

[0057] 以降、ランダム置換装置 1_{p_0} を除く $n-1$ 台のランダム置換装置 $1_{p_1}, \dots, 1_{p_{n-1}}$ により、ステップS 1 aからS 1 6までの処理を実行する。

[0058] このように、第二実施形態の秘密計算システムでは、1台のランダム置換装置によりまとめて置換を行った後に $n-1$ 台のランダム置換装置によりランダム置換を行うため、置換処理の回数が ${}_{n-1}C_k+1$ となり、第一実施形態の秘密計算システムよりも効率的に処理を行うことが可能である。

[0059] [第三実施形態]

秘密ランダム置換の入力が公開値の場合と同様に、秘密ランダム置換の出力が公開値の場合にも、第一実施形態よりもさらに効率化ができる。出力が公開値であるため、 $n-1$ パーティがランダム置換を行った後に、残りの1パーティに秘密分散値を送信し、復元した公開値に対してまとめて置換を行うことができるからである。

[0060] ランダム置換装置 1_{p_0} を除く $n-1$ 台のランダム置換装置 $1_{p_1}, \dots, 1_{p_{n-1}}$ が備える記憶部1 8には、パーティ p_i が含まれる k パーティの組 ρ_i に対応する置換データ π のサブシェア π_{ρ_i} 及び $N \times k$ 個のシード $s_{0,1}, \dots, s_{N-1,k}$ が記憶されているものとする。ただし、 N は ${}_{n-1}C_k$ である。第一実施形態と同様に、シード $s_{0,1}, \dots, s_{N-1,k}$ は必ずしも記憶していなくても構わない。

[0061] 図5を参照しながら、第三実施形態に係る秘密計算システムが実行する秘密計算方法の処理フローの一例を、実際に行われる手続きの順に従って説明する。

[0062] ステップS 1 0からS 1 bにおいて $i \geq N-1$ と判定されるまでの処理を、ランダム置換装置 1_{p_0} を除く $n-1$ 台のランダム置換装置 $1_{p_1}, \dots, 1_{p_{n-1}}$ により実行する。

[0063] ステップS 1 6 $_{p_0}$ において、ランダム置換装置 1_{p_0} が備える事後変換部1 6は、加法的秘密分散値を公開値へ変換する。変換の方法は第一実施形態のステップS 1 6と同様である。具体的には、ランダム置換装置 1_{p_0} に対して、最

後に置換処理を実行したk台のランダム置換装置 $1_{p_{N-1}}$ が加法的秘密分散値 $\langle a \rangle_{p_{N-1}}$ ($j=0, \dots, k-1$) を送信し、ランダム置換装置 1_{p_0} が備える事後変換部 16 が加法的秘密分散値 $\langle a \rangle_{p_{N-1}}$ を復元する。

[0064] ステップ S 12_{p0}において、ランダム置換装置 1_{p_0} が備える単位置換部 12 は、ランダムな置換データ π を生成し、復元された公開値を置換する。置換の方法は、従来の置換方法と同様である。

[0065] このように、第三実施形態の秘密計算システムでは、n-1台のランダム置換装置によりランダム置換を行った後に1台のランダム置換装置によりまとめて置換を行うため、置換処理の回数が $n-1C_k+1$ となり、第一実施形態の秘密計算システムよりも効率的に処理を行うことが可能である。

[0066] [第四実施形態]

第四実施形態は、この発明の秘密ランダム置換に対して秘密計算中の改ざんを検知することを可能とする実施形態である。秘密計算中の改ざんを検知する秘密改ざん検知方法として、下記参考文献3に記載の方法が提案されている。参考文献3では、3つのフェーズで秘密計算中の改ざん検知を行う。ランダム化フェーズでは、分散値を正当性検証可能なランダム化分散値へと変換する。計算フェーズでは、semi-honestの演算により構成されるランダム化分散値用の演算を用いて所望の秘密計算を実行する。このとき、後続の正当性証明フェーズでチェックサムを計算するために必要となるランダム化分散値を収集しながら計算が行われる。正当性証明フェーズでは、計算フェーズで収集されたランダム化分散値に対して、一括でチェックサムを計算し正当性証明を行う。チェックサムが正当であれば計算フェーズによる計算結果を出力し、正当でなければ計算結果は出力せずに正当でない旨のみを出力する。

[参考文献3] 五十嵐大、千田浩司、濱田浩気、菊池亮、“非常に高効率な $n \geq 2k-1$ malicious モデル上秘密分散ベースマルチパーティ計算の構成法”、SCIS2013、2013年

しかしながら、参考文献3に記載の方法を適用するためには、秘密計算で

実行する各演算がtamper-simulatableである必要がある（参考文献4）。

〔参考文献4〕 D. Ikarashi, R. Kikuchi, K. Hamada, and K. Chida, “Actively Private and Correct MPC Scheme in $t < n/2$ from Passively Secure Schemes with Small Overhead”, IACR Cryptology ePrint Archive, vol. 2014, p. 304, 2014

[0067] そこで、第四実施形態では、参考文献3に記載の秘密改ざん検知方法を上記の条件を満たすように第一実施形態の秘密ランダム置換に適用した構成例を示す。なお、以下では第一実施形態に適用した例を示すが、同様の考え方により、第二実施形態及び第三実施形態に適用することも可能である。

[0068] 図6を参照して、第四実施形態に係るランダム置換装置2の構成例を説明する。ランダム置換装置2は、上述の実施形態に係るランダム置換装置1と同様に、事前変換部10、単位置換部12、再分散部14、事後変換部16及び記憶部18を含み、ランダム化部20、単位変換部22及び正当性証明部24をさらに含む。

[0069] 図7を参照しながら、第四実施形態に係る秘密計算システムが実行する秘密計算方法の処理フローの一例を、実際に行われる手続きの順に従って説明する。

[0070] ステップS20において、k台のランダム置換装置1₀が備えるランダム化部20は、記憶されている(k, n)-秘密分散値 $[a]_{p_i}$ をランダム化分散値へ変換する。記憶部18に公開値aが記憶されている場合には、公開値aを(k, n)-秘密分散値 $[a]_{p_i}$ へ変換した上で、ランダム化分散値へ変換する。ランダム化分散値とは、値 $a \in R$ の分散値 $[a]_{p_i}$ と、値 $a \in R$ と乱数 $r \in A$ との積算値 ar の分散値 $[ar]_{p_i}$ との組 $([a]_{p_i}, [ar]_{p_i})$ である。ここで、Rは環であり、Aは環R上の結合多元環である。結合多元環とは、結合的な環であって、かつそれと両立するような、何らかの体上の線型空間の構造を備えたものである。結合多元環は、ベクトル空間で扱う値が体ではなく環でよくなったものと言える。ランダム化分散値の第0成分 $([a]_{p_i})$ はR成分、第1成分 $([ar]_{p_i})$ はA成分とも呼ぶ。

[0071] ランダム化分散値を生成する際に用いる乱数は、同一の環上の秘密分散を

複数利用する場合には、一方の秘密分散のための分散値を他方の秘密分散のための分散値に変換することで、乱数の値が同一となるように生成する。この形式変換においても、改ざん検知が可能もしくは改ざんが不可能でなければならない。例えば、複製型秘密分散 (replicated secret sharing) から線形秘密分散 (linear secret sharing) へ変換する改ざん不可能な方法は上記参考文献 2 に記載されている。

[0072] ステップ S 2 2 において、k 台のランダム置換装置 1 ρ_i が備える単位変換部 2 2 は、単位置換部 1 2 により置換された加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho_i}$ を (k, n)-秘密分散によるランダム化分散値に変換して記憶部 1 8 に蓄積する。蓄積したランダム化分散値は後述の正当性証明部 2 4 においてチェックサムを計算するために利用される。ランダム化分散値の蓄積は、すべての単位置換の後に必ず行わなくともよく、一部の単位置換の際にのみ行うようにしてもよい。

[0073] ステップ S 2 4 において、正当性証明部 2 4 は、すべての秘密分散についてすべての秘密計算が終了するまで待機する同期処理 (SYNC) を実行する。すべての秘密分散についてすべての秘密計算が終了したことを検知すると、ランダム化部 2 0 で用いた乱数 r_0, \dots, r_{J-1} の分散値 $[r_0], \dots, [r_{J-1}]$ を用いてチェックサム C_0, \dots, C_{J-1} を検証し、秘密ランダム置換の結果として得られる (k, n)-秘密分散値もしくは公開値の正当性を検証する。チェックサム C_0, \dots, C_{J-1} を検証した結果、改ざんがないと判定した場合はステップ S 1 6 へ処理を進める。改ざんがあったと判断した場合はその旨を示す情報 (例えば、「 \perp 」など) を出力する。

[0074] チェックサムの検証は、 $j=0, \dots, J-1$ について、チェックサム C_j に含まれるランダム化分散値の R 成分の総和に分散値 $[r_j]$ を乗じた分散値 $[\phi_j]$ と、チェックサム C_j に含まれるランダム化分散値の A 成分の総和である分散値 $[\psi_j]$ とを計算し、分散値 $[\phi_j]$ と分散値 $[\psi_j]$ を減算した分散値 $[\delta_j] = [\phi_j] - [\psi_j]$ を復元して、値 $\delta_0, \dots, \delta_{J-1}$ がすべて 0 であれば秘密ランダム置換全体を通して改ざんがなかったものと判定する。いずれかの値 δ_j が 0 以外であれば、秘密ランダム置換

のいずれかの演算において改ざんがあったものと判定する。

[0075] J個の秘密分散のうち同一の環上の秘密分散が存在する場合には、可能な限りまとめて正当性証明を行うと、公開される値の数が少なくなるため、より秘匿性を向上することができる。例えば、 α ($\alpha=0, \dots, J-1$) 番目の秘密分散と β ($\beta=0, \dots, J-1, \alpha \neq \beta$) 番目の秘密分散が同一の環上の秘密分散である場合には、以下のように正当性証明を行う。まず、チェックサム C_α から上述のように算出した分散値 $[\phi_\alpha]$ と、チェックサム C_α から上述のように算出した分散値 $[\phi_\alpha]$ とをそれぞれ β 番目の秘密分散へ変換する。そして、変換後の分散値 $[\phi_\alpha]$ とチェックサム C_β から同様に算出した分散値 $[\phi_\beta]$ とを合算した分散値 $[\phi_\alpha + \phi_\beta]$ と、変換後の分散値 $[\phi_\alpha]$ と β 番目のチェックサム C_β から同様に算出した分散値 $[\phi_\beta]$ とを合算した分散値 $[\phi_\alpha + \phi_\beta]$ とを減算した分散値 $[\delta] = ([\phi_\alpha] + [\phi_\beta]) - ([\phi_\alpha] + [\phi_\beta])$ を復元し、復元値 δ が 0 であれば改ざんがなかったものと判定し、復元値 δ が 0 以外であれば改ざんがあったものと判定する。このようにして、すべての同一の環上の秘密分散の組み合わせについて検証し、秘密ランダム置換全体で改ざんがなかったことを検証する。本形態では 2 個の秘密分散が同一の環上の秘密分散である例を説明したが、3 個以上の秘密分散が同一の環上の秘密分散である場合でも、同様の方法により正当性証明を行うことができる。

[0076] ステップ S 16 において、事後変換部 16 は、加法的秘密分散値を (k, n) -秘密分散値もしくは公開値へ変換する。上述の実施形態では、出力が公開値の場合には、最後の置換処理を行った後の加法的秘密分散値 $\langle\langle a \rangle\rangle^{p^{N-1}}$ をランダム置換装置 1_p へ送信し、そのランダム置換装置 1_p が加法的秘密分散の復元方法により公開値 a を得るように構成した。本形態では、公開時の改ざんを検知するために、加法的秘密分散値を (k, n) -秘密分散値に一旦変換した上で、 (k, n) -秘密分散の復元方法により公開値 a を得るように構成する。

[0077] (k, n) -秘密分散値から公開値を得る際には、改ざん検知が可能な公開方法による必要がある。改ざん検知が可能な公開方法としては、上記参考文献 4 の appendix に記載の方法がある。もしくは、以下のようにして公開を行うこ

とで改ざん検知が可能である。

[0078] ランダム置換装置 1_pは、任意のk-1台のランダム置換装置から、加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho^{N-1}}$ を形式変換した(k, n)-秘密分散値を受信する。また、残りのn-k台のランダム置換装置からは、加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho^{N-1}}$ を形式変換した(k, n)-秘密分散値のハッシュ値などのチェックサムを受信する。チェックサムはハッシュ値でなくてもよく、より安全な情報理論的なチェックサムを用いることもできる。情報理論的なチェックサムは、例えば、チェックサムの計算対象を a_i として、乱数rと $a_i r^{i+1}$ の組である。ランダム置換装置 1_pは、自らの持つ(k, n)-秘密分散値を加えたk個の(k, n)-秘密分散値からn-k個の(k, n)-秘密分散値を復旧し、復旧した(k, n)-秘密分散値それぞれからチェックサムを計算する。なお、復旧とは、一部の分散値が失われた際に、利用可能なk個の分散値から利用不能となったn-k個の分散値を秘匿性を失わずに再構築する方法である。

[0079] 続いて、ランダム置換装置 1_pは、n-k台のランダム置換装置から受信した(k, n)-秘密分散値のチェックサムと、復旧した(k, n)-秘密分散値のチェックサムとが一致するか否かを確認する。すべてのチェックサムが一致した場合には改ざんがなかったものと判定し、(k, n)-秘密分散値もしくは公開値を出力する。いずれかのチェックサムが異なっていた場合には改ざんがあったものと判定し、その旨を示す情報（例えば、「上」など）を出力する。

[0080] 本形態のように構成すれば、この発明の秘密ランダム置換において、改ざん検知が可能となり、安全性が向上する。

[0081] [構成例の組み合わせ]

この発明は、上述の実施形態の他にも、四つの独立した観点の組み合わせにより、様々な構成とすることが可能である。

[0082] 一つ目の観点は、入出力の型の観点である。この観点では、四つの構成方法が考えられる。一つ目の構成は、入力線形秘密分散値であり出力線形秘密分散値の場合である。二つ目の構成は、入力線形秘密分散値であり出力複製秘密分散値の場合、もしくはその逆に入力複製秘密分散値であり

出力が線形秘密分散値の場合である。三つ目の構成は、入力公開値であり出力が秘密分散値の場合である。四つ目の構成は、入力公開値であり出力が公開値の場合である。

[0083] 二つ目の観点は、乱数生成方法の観点である。この観点では、二つの構成方法が考えられる。一つ目の構成は、乱数があらかじめ共有されたシードから生成される疑似乱数の場合である。二つ目の構成は、乱数がプロトコル実行時に共有される場合である。

[0084] 三つ目の観点は、ランダム置換の種類別の観点である。この観点では、二つの構成方法が考えられる。一つ目の構成は、置換データが任意の場合であり、完全にランダムにシャッフルしたい場合である。二つ目の構成は、置換データがローテーションに制限される場合、つまり置換データがある $r \in \mathbb{N}_m$ で表現され、 $\pi(i) = i + r \pmod{m}$ となっており、絶対的な位置は秘匿したいが相対的な並び順は秘匿しなくてよい場合である。

[0085] 四つ目の観点は、 k, n を限定した反復置換の具体例別の観点である。一つ目の構成は、 $k=2, n=3$ の構成である。二つ目の構成は、 $k=3, n=5$ の構成である。この観点では、各構成に対して、さらに入出力の観点を加えた計六つの具体例が考えられる。

[0086] 一つ目の具体例は、 $k=2, n=3$ の構成において、入出力とも秘密分散値の場合である。図6を参照しながら、この具体例の反復置換について説明する。図6において、縦軸はパーティを表し、横軸は単位置換の回数を表している。丸印は単位置換において処理を行うパーティを示している。実線の矢印は再分散において秘密分散値が送信されるパーティの方向を示している。点線の矢印は再分散において同一のパーティが引き続き秘密分散値を保持することを示している。図6の例では、 k パーティ組の順番 $P = (\rho_0, \rho_1, \rho_2)$ は、 $\rho_0 = (p_0, p_1)$ 、 $\rho_1 = (p_1, p_2)$ 、 $\rho_2 = (p_0, p_2)$ と設定される。一回目の単位置換ではパーティ p_0, p_1 が処理を行い、一回目の再分散ではパーティ p_0 からパーティ p_2 へ秘密分散値が送信される。二回目の単位置換ではパーティ p_1, p_2 が処理を行い、二回目の再分散ではパーティ p_1 からパーティ p_0 へ秘密分散値が送信される。三回目

の単位置換でパーティ p_0, p_2 が処理を行い、反復置換が完了する。

[0087] 二つ目の具体例は、 $k=3, n=5$ の構成において、入出力とも秘密分散値の場合である。図7を参照しながら、この具体例の反復置換について説明する。図の記法は、図6と同様である。図7の例では、 k パーティ組の順番 $P=(\rho_0, \dots, \rho_9)$ は、 $\rho_0=(p_0, p_1, p_2)$ 、 $\rho_1=(p_1, p_2, p_3)$ 、 $\rho_2=(p_2, p_3, p_4)$ 、 $\rho_3=(p_0, p_3, p_4)$ 、 $\rho_4=(p_0, p_1, p_4)$ 、 $\rho_5=(p_1, p_3, p_4)$ 、 $\rho_6=(p_0, p_1, p_3)$ 、 $\rho_7=(p_0, p_2, p_3)$ 、 $\rho_8=(p_0, p_2, p_4)$ 、 $\rho_9=(p_1, p_2, p_4)$ と設定される。一回目の単位置換ではパーティ p_0, p_1, p_2 が処理を行い、一回目の再分散ではパーティ p_0 からパーティ p_3 へ秘密分散値が送信される。二回目の単位置換ではパーティ p_1, p_2, p_3 が処理を行い、二回目の再分散ではパーティ p_1 からパーティ p_4 へ秘密分散値が送信される。三回目の単位置換ではパーティ p_2, p_3, p_4 が処理を行い、三回目の再分散ではパーティ p_2 からパーティ p_0 へ秘密分散値が送信される。四回目の単位置換ではパーティ p_0, p_3, p_4 が処理を行い、四回目の再分散ではパーティ p_3 からパーティ p_1 へ秘密分散値が送信される。ここで、パーティ p_3 からパーティ p_1 へ送信される秘密分散値は、一回目の再分散でパーティ p_0 からパーティ p_3 へ送信された秘密分散値であるから、五回目の再分散の前にパーティ p_1 は受信待ちが発生する。したがって、四回目の再分散までは通信の一段目となる。以降、同様に置換と再分散を繰り返すことで、この具体例では三段の通信段数で反復置換が完了する。

[0088] 三つ目の具体例は、 $k=2, n=3$ の構成において、入力公開値であり出力が秘密分散値の場合である。図8を参照しながら、この具体例の反復置換について説明する。図の記法は、図6と同様である。図8の例では、 k パーティ組の順番 $P=(\rho_0, \rho_1, \rho_2)$ は、 $\rho_0=\rho_1=(p_0)$ 、 $\rho_2=(p_1, p_2)$ と設定される。一回目と二回目の単位置換ではパーティ p_0 のみが処理を行う。この単位置換は単純に二回繰り返してもよいし、二回分の置換をまとめて行うこともできる。二回目の再分散ではパーティ p_0 からパーティ p_1, p_2 へ秘密分散値が送信される。三回目の単位置換でパーティ p_1, p_2 が処理を行い、反復置換が完了する。

[0089] 四つ目の具体例は、 $k=3, n=5$ の構成において、入力公開値であり出力が秘密分散値の場合である。図9を参照しながら、この具体例の反復置換につ

いて説明する。図の記法は、図6と同様である。図9の例では、kパーティ組の順番 $P=(\rho_0, \dots, \rho_9)$ は、 $\rho_0=\rho_1=\rho_2=\rho_3=\rho_4=\rho_5=(p_0)$ 、 $\rho_6=(p_2, p_3, p_4)$ 、 $\rho_7=(p_1, p_3, p_4)$ 、 $\rho_8=(p_1, p_2, p_4)$ 、 $\rho_9=(p_1, p_2, p_3)$ と設定される。一回目から六回目の単位置換ではパーティ p_0 のみが処理を行う。この単位置換は単純に六回繰り返してもよいし、六回分の置換をまとめて行うこともできる。六回目の再分散ではパーティ p_0 からパーティ p_2, p_3, p_4 へ秘密分散値が送信される。七回目の単位置換ではパーティ p_2, p_3, p_4 が処理を行い、七回目の再分散ではパーティ p_2 からパーティ p_1 へ秘密分散値が送信される。八回目の単位置換ではパーティ p_1, p_3, p_4 が処理を行い、八回目の再分散ではパーティ p_3 からパーティ p_2 へ秘密分散値が送信される。九回目の単位置換ではパーティ p_1, p_2, p_4 が処理を行い、九回目の再分散ではパーティ p_4 からパーティ p_3 へ秘密分散値が送信される。十回目の単位置換ではパーティ p_1, p_2, p_3 が処理を行い、反復置換が完了する。図7に示すとおり、この具体例では二段の通信段数で反復置換が完了する。

[0090] 五つ目の具体例は、 $k=2$, $n=3$ の構成において、入力秘密分散値であり出力が公開値の場合である。図10を参照しながら、この具体例の反復置換について説明する。図の記法は、図6と同様である。図10の例では、kパーティ組の順番 $P=(\rho_0, \rho_1, \rho_2)$ は、 $\rho_0=(p_1, p_2)$ 、 $\rho_1=\rho_2=(p_0)$ と設定される。一回目の単位置換ではパーティ p_1, p_2 が処理を行い、パーティ p_1, p_2 からパーティ p_0 へ秘密分散値が送信される。パーティ p_0 は秘密分散値の復元を行い、二回目と三回目の単位置換を行う。この単位置換は単純に二回繰り返してもよいし、二回分の置換をまとめて行うこともできる。以上で反復置換が完了する。

[0091] 六つ目の具体例は、 $k=3$, $n=5$ の構成において、入力秘密分散値であり出力が公開値の場合である。図11を参照しながら、この具体例の反復置換について説明する。図の記法は、図6と同様である。図11の例では、kパーティ組の順番 $P=(\rho_0, \dots, \rho_9)$ は、 $\rho_0=(p_2, p_3, p_4)$ 、 $\rho_1=(p_1, p_3, p_4)$ 、 $\rho_2=(p_1, p_2, p_4)$ 、 $\rho_3=(p_1, p_2, p_3)$ 、 $\rho_4=\rho_5=\rho_6=\rho_7=\rho_8=\rho_9=(p_0)$ と設定される。一回目の単位置換ではパーティ p_2, p_3, p_4 が処理を行い、一回目の再分散ではパーティ p_2 からパーティ p_1 へ秘密分散値が送信される。以降、パーティ p_1, p_2, p_3, p_4 により置換と

再分散を繰り返し、 $N (= {}_4C_3=4)$ 回目の置換が完了した後、パーティ p_1, p_2, p_3 からパーティ p_0 へ秘密分散値が送信される。パーティ p_0 は秘密分散値の復元を行い、五回目から十回目の単位置換を行う。この単位置換は単純に六回繰り返してもよいし、六回分の置換をまとめて行うこともできる。以上で反復置換が完了する。

[0092] この発明は上述の実施形態に限定されるものではなく、この発明の趣旨を逸脱しない範囲で適宜変更が可能であることはいうまでもない。上記実施形態において説明した各種の処理は、記載の順に従って時系列に実行されるのみならず、処理を実行する装置の処理能力あるいは必要に応じて並列的あるいは個別に実行されてもよい。

[0093] [プログラム、記録媒体]

上記実施形態で説明した各装置における各種の処理機能をコンピュータによって実現する場合、各装置が有すべき機能の処理内容はプログラムによって記述される。そして、このプログラムをコンピュータで実行することにより、上記各装置における各種の処理機能がコンピュータ上で実現される。

[0094] この処理内容を記述したプログラムは、コンピュータで読み取り可能な記録媒体に記録しておくことができる。コンピュータで読み取り可能な記録媒体としては、例えば、磁気記録装置、光ディスク、光磁気記録媒体、半導体メモリ等のようなものでもよい。

[0095] また、このプログラムの流通は、例えば、そのプログラムを記録したDVD、CD-ROM等の可搬型記録媒体を販売、譲渡、貸与等することによって行う。さらに、このプログラムをサーバコンピュータの記憶装置に格納しておき、ネットワークを介して、サーバコンピュータから他のコンピュータにそのプログラムを転送することにより、このプログラムを流通させる構成としてもよい。

[0096] このようなプログラムを実行するコンピュータは、例えば、まず、可搬型記録媒体に記録されたプログラムもしくはサーバコンピュータから転送されたプログラムを、一旦、自己の記憶装置に格納する。そして、処理の実行時

、このコンピュータは、自己の記録媒体に格納されたプログラムを読み取り、読み取ったプログラムに従った処理を実行する。また、このプログラムの別の実行形態として、コンピュータが可搬型記録媒体から直接プログラムを読み取り、そのプログラムに従った処理を実行することとしてもよく、さらに、このコンピュータにサーバコンピュータからプログラムが転送されるたびに、逐次、受け取ったプログラムに従った処理を実行することとしてもよい。また、サーバコンピュータから、このコンピュータへのプログラムの転送は行わず、その実行指示と結果取得のみによって処理機能を実現する、いわゆるASP (Application Service Provider) 型のサービスによって、上述の処理を実行する構成としてもよい。なお、本形態におけるプログラムには、電子計算機による処理の用に供する情報であってプログラムに準ずるもの（コンピュータに対する直接の指令ではないがコンピュータの処理を規定する性質を有するデータ等）を含むものとする。

[0097] また、この形態では、コンピュータ上で所定のプログラムを実行させることにより、本装置を構成することとしたが、これらの処理内容の少なくとも一部をハードウェア的に実現することとしてもよい。

請求の範囲

[請求項1] n, k を2以上の整数とし、 $n > k$ とし、 $N = {}_n C_k$ とし、 ρ を n 台のランダム置換装置から選択した k 台のランダム置換装置の組とし、 $\rho_0, \dots, \rho_{N-1}$ は $i=0, \dots, N-2$ について $|\rho_i \setminus \rho_{i+1}|=1$ となるように構成されており、 $\langle\langle a \rangle\rangle^{\rho_i}$ を i 番目のランダム置換装置の組 ρ_i が保持する平文 a の加法的秘密分散値とし、 $\langle\langle a \rangle\rangle^{\rho_i}$ を加法的秘密分散値 $\langle\langle a \rangle\rangle^{\rho_i}$ のうちランダム置換装置 p が保持する加法的秘密分散値とし、 π_{ρ_i} を i 番目のランダム置換装置の組 ρ_i に対応する置換データ π のサブシェアとし、ランダム置換装置 p_0 を i 番目のランダム置換装置の組 ρ_i に含まれ $i+1$ 番目のランダム置換装置の組 ρ_{i+1} に含まれないランダム置換装置とし、ランダム置換装置 p_k を i 番目のランダム置換装置の組 ρ_i に含まれず $i+1$ 番目のランダム置換装置の組 ρ_{i+1} に含まれるランダム置換装置とし、ランダム置換装置 p_j ($j=1, \dots, k-1$)を i 番目のランダム置換装置の組 ρ_i 及び $i+1$ 番目のランダム置換装置の組 ρ_{i+1} のいずれにも含まれる $k-1$ 台のランダム置換装置とし、

上記ランダム置換装置 p_0, \dots, p_{k-1} が、上記加法的秘密分散値 $\langle\langle a \rangle\rangle^{\rho_i}$ を上記サブシェア π_{ρ_i} により置換する単位置換ステップと、

上記ランダム置換装置 p_0 が、上記ランダム置換装置 p_j それぞれと共有する乱数 r_1, \dots, r_{k-1} を用いて加法的秘密分散値 $\langle\langle a \rangle\rangle^{\rho_i + 1_{p_k}}$ を生成して上記ランダム置換装置 p_k へ送信し、上記ランダム置換装置 p_j それぞれが上記乱数 r_j を用いて加法的秘密分散値 $\langle\langle a \rangle\rangle^{\rho_i + 1_{p_j}}$ を生成する再分散ステップと、

を含む秘密計算方法。

[請求項2] 請求項1に記載の秘密計算方法であって、

上記再分散ステップは、上記ランダム置換装置 p_0 が次式により上記加法的秘密分散値 $\langle\langle a \rangle\rangle^{\rho_i + 1_{p_k}}$ を生成し、

[数8]

$$\langle\langle a \rangle\rangle_{p_k}^{\rho_{i+1}} = \langle\langle a \rangle\rangle_{p_0}^{\rho_i} - \sum_{1 \leq i < k} r_i$$

上記ランダム置換装置 p_j それぞれが次式により上記加法的秘密分散値
 $\langle\langle a \rangle\rangle^{\rho_{i+1} p_j}$ を生成する

[数9]

$$\langle\langle a \rangle\rangle_{p_j}^{\rho_{i+1}} = \langle\langle a \rangle\rangle_{p_j}^{\rho_i} - r_j$$

秘密計算方法。

[請求項3]

請求項2に記載の秘密計算方法であって、

$\rho_0, \dots, \rho_{N-1}$ は、0番目のランダム置換装置の組 ρ_0 に含まれるk台のランダム置換装置からN-1番目のランダム置換装置の組 ρ_{N-1} に含まれるk台のランダム置換装置への経路の通信段数が、最大値と最小値の差が最も小さくなるように構成されている

秘密計算方法。

[請求項4]

請求項1から3のいずれかに記載の秘密計算方法であって、

上記平文aの(k, n)-秘密分散による秘密分散値[a]を上記加法的秘密分散値 $\langle\langle a \rangle\rangle^{\rho_0}$ に変換する事前変換ステップと、

上記加法的秘密分散値 $\langle\langle a \rangle\rangle^{\rho_{N-1}}$ を上記秘密分散値[a]に変換して出力する事後変換ステップと、

をさらに含む秘密計算方法。

[請求項5]

請求項1から3のいずれかに記載の秘密計算方法であって、

$N = {}_{n-1}C_k$ とし、 ρ をn台のランダム置換装置から所定のランダム置換装置qを除いて選択したk台のランダム置換装置の組とし、

上記平文aを上記加法的秘密分散値 $\langle\langle a \rangle\rangle^{\rho_0}$ に変換する事前変換ステップと、

上記加法的秘密分散値 $\langle\langle a \rangle\rangle^{\rho_{N-1}}$ を(k, n)-秘密分散による秘密分散値[a]に変換して出力する事後変換ステップと、

をさらに含み、

上記単位置換ステップは、

$i \leq {}_n C_k - {}_{n-1} C_k$ であれば、上記ランダム置換装置qが、上記平文aを上記サブシェア π_{ρ_i} により置換し、

$i >_{n-1} C_k -_{n-1} C_k$ であれば、上記ランダム置換装置 p_1, \dots, p_{k-1} が、上記加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho_i}$ を上記サブシェア π_{ρ_i} により置換する秘密計算方法。

[請求項6]

請求項1から3のいずれかに記載の秘密計算方法であって、

$N =_{n-1} C_k$ とし、 ρ を n 台のランダム置換装置から所定のランダム置換装置 q を除いて選択した k 台のランダム置換装置の組とし、

上記平文 a の (k, n) -秘密分散による秘密分散値 $[a]$ を上記加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho_0}$ に変換する事前変換ステップと、

上記加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho_{N-1}}$ を復元して上記平文 a を出力する事後変換ステップと、

をさらに含み、

上記単位置換ステップは、

$i \leq_{n-1} C_k$ であれば、上記ランダム置換装置 p_1, \dots, p_{k-1} が、上記加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho_i}$ を上記サブシェア π_{ρ_i} により置換し、

$i >_{n-1} C_k$ であれば、上記ランダム置換装置 q が、上記平文 a を上記サブシェア π_{ρ_i} により置換する

秘密計算方法。

[請求項7]

請求項1から6のいずれかに記載の秘密計算方法であって、

上記単位置換ステップにより置換された上記加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho_i}$ を (k, n) -秘密分散による秘密分散値 $[a]$ に変換して記憶部に蓄積する単位変換ステップ

をさらに含む秘密計算方法。

[請求項8]

n を2以上の整数とし、 n 台のランダム置換装置を含む秘密計算システムであって、

k を2以上の整数とし、 $n > k$ とし、 $N =_n C_k$ とし、 ρ を n 台のランダム置換装置から選択した k 台のランダム置換装置の組とし、 $\rho_0, \dots, \rho_{N-1}$ は $i = 0, \dots, N-2$ について $|\rho_i \setminus \rho_{i+1}| = 1$ となるように構成されており、 $\langle a \rangle^{\rho_i}$ を i 番目のランダム置換装置の組 ρ_i が保持する平文 a の加法的秘密

分散値とし、 $\langle a \rangle^{\rho_i p_0}$ を加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho_i}$ のうちランダム置換装置 p_0 が保持する加法的秘密分散値とし、 π_{ρ_i} を i 番目のランダム置換装置の組 ρ_i に対応する置換データ π のサブシェアとし、ランダム置換装置 p_0 を i 番目のランダム置換装置の組 ρ_i に含まれ $i+1$ 番目のランダム置換装置の組 ρ_{i+1} に含まれないランダム置換装置とし、ランダム置換装置 p_k を i 番目のランダム置換装置の組 ρ_i に含まれず $i+1$ 番目のランダム置換装置の組 ρ_{i+1} に含まれるランダム置換装置とし、ランダム置換装置 p_j ($j=1, \dots, k-1$) を i 番目のランダム置換装置の組 ρ_i 及び $i+1$ 番目のランダム置換装置の組 ρ_{i+1} のいずれにも含まれる $k-1$ 台のランダム置換装置とし、

上記ランダム置換装置は、

上記加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho_i}$ を上記サブシェア π_{ρ_i} により置換する単位置換部と、

当該ランダム置換装置が上記ランダム置換装置 p_0 であれば、上記ランダム置換装置 p_j それぞれと共有する乱数 r_1, \dots, r_{k-1} を用いて加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho_i p_k}$ を生成して上記ランダム置換装置 p_k へ送信し、当該ランダム置換装置が上記ランダム置換装置 p_j のいずれかであれば、上記乱数 r_j を用いて加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho_i p_j}$ を生成する再分散部と、

を含む秘密計算システム。

[請求項9]

n, k を2以上の整数とし、 $n > k$ とし、 $N = {}_n C_k$ とし、 ρ を n 台のランダム置換装置から選択した k 台のランダム置換装置の組とし、 $\rho_0, \dots, \rho_{N-1}$ は $i=0, \dots, N-2$ について $|\rho_i \setminus \rho_{i+1}|=1$ となるように構成されており、 $\langle a \rangle^{\rho_i}$ を i 番目のランダム置換装置の組 ρ_i が保持する平文 a の加法的秘密分散値とし、 $\langle a \rangle^{\rho_i p_0}$ を加法的秘密分散値 $\langle a \rangle^{\rho_i}$ のうちランダム置換装置 p_0 が保持する加法的秘密分散値とし、 π_{ρ_i} を i 番目のランダム置換装置の組 ρ_i に対応する置換データ π のサブシェアとし、ランダム置換装置 p_0 を i 番目のランダム置換装置の組 ρ_i に含まれ $i+1$ 番目のラン

ダム置換装置の組 ρ_{i+1} に含まれないランダム置換装置とし、ランダム置換装置 p_k を i 番目のランダム置換装置の組 ρ_i に含まれず $i+1$ 番目のランダム置換装置の組 ρ_{i+1} に含まれるランダム置換装置とし、ランダム置換装置 p_j ($j=1, \dots, k-1$) を i 番目のランダム置換装置の組 ρ_i 及び $i+1$ 番目のランダム置換装置の組 ρ_{i+1} のいずれにも含まれる $k-1$ 台のランダム置換装置とし、

上記加法的秘密分散値 $\llbracket a \rrbracket^{\rho_i}$ を上記サブシェア π_{ρ_i} により置換する単位置換部と、

当該ランダム置換装置が上記ランダム置換装置 p_0 であれば、上記ランダム置換装置 p_j それぞれと共有する乱数 r_1, \dots, r_{k-1} を用いて加法的秘密分散値 $\llbracket a \rrbracket^{\rho_{i+1}_{p_k}}$ を生成して上記ランダム置換装置 p_k へ送信し、当該ランダム置換装置が上記ランダム置換装置 p_j のいずれかであれば、上記乱数 r_j を用いて加法的秘密分散値 $\llbracket a \rrbracket^{\rho_{i+1}_{p_j}}$ を生成する再分散部と、

を含むランダム置換装置。

[請求項10]

請求項9に記載のランダム置換装置としてコンピュータを機能させるためのプログラム。

[図1]

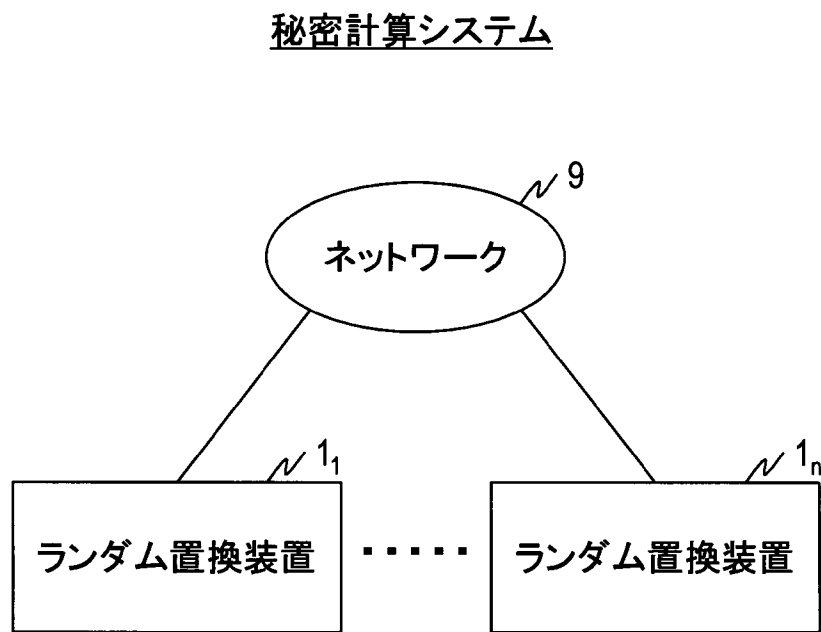


図1

[図2]

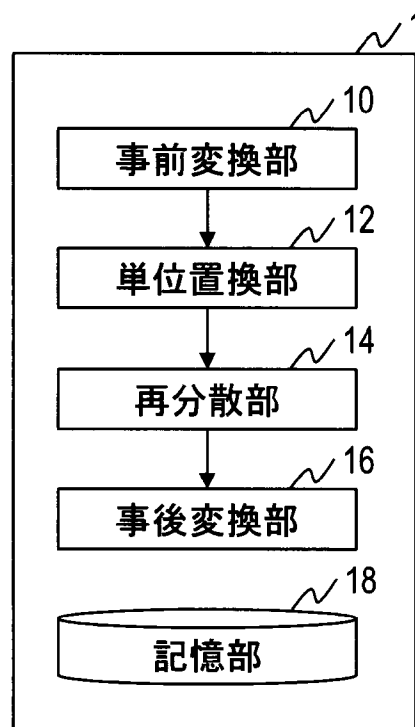


図2

[図3]

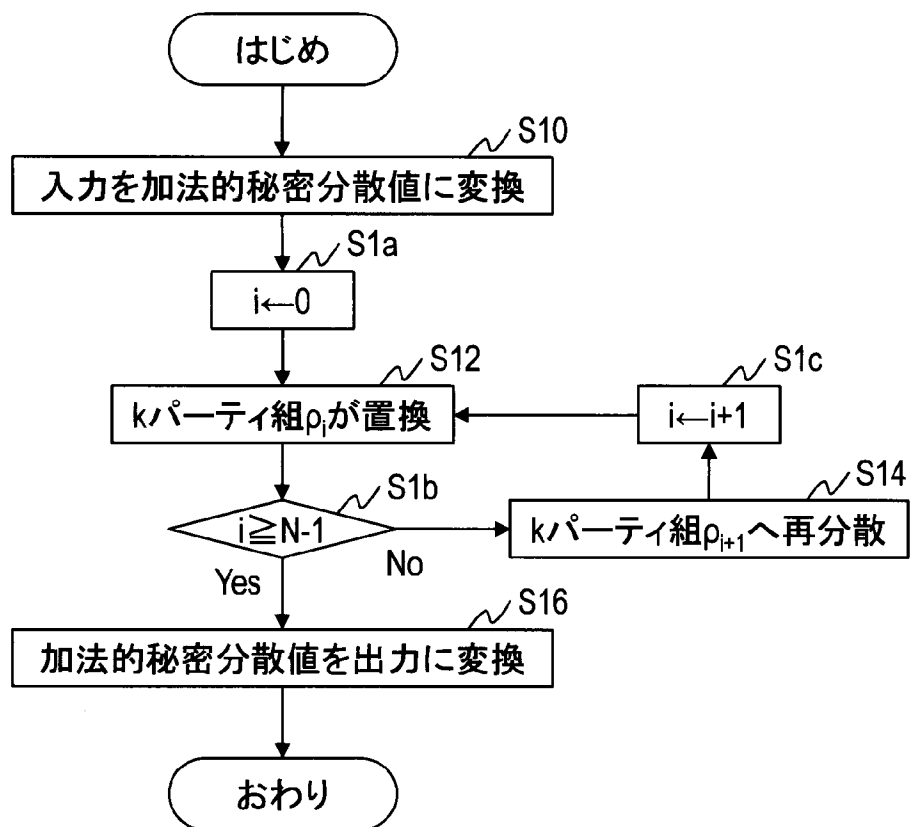


図3

[図4]

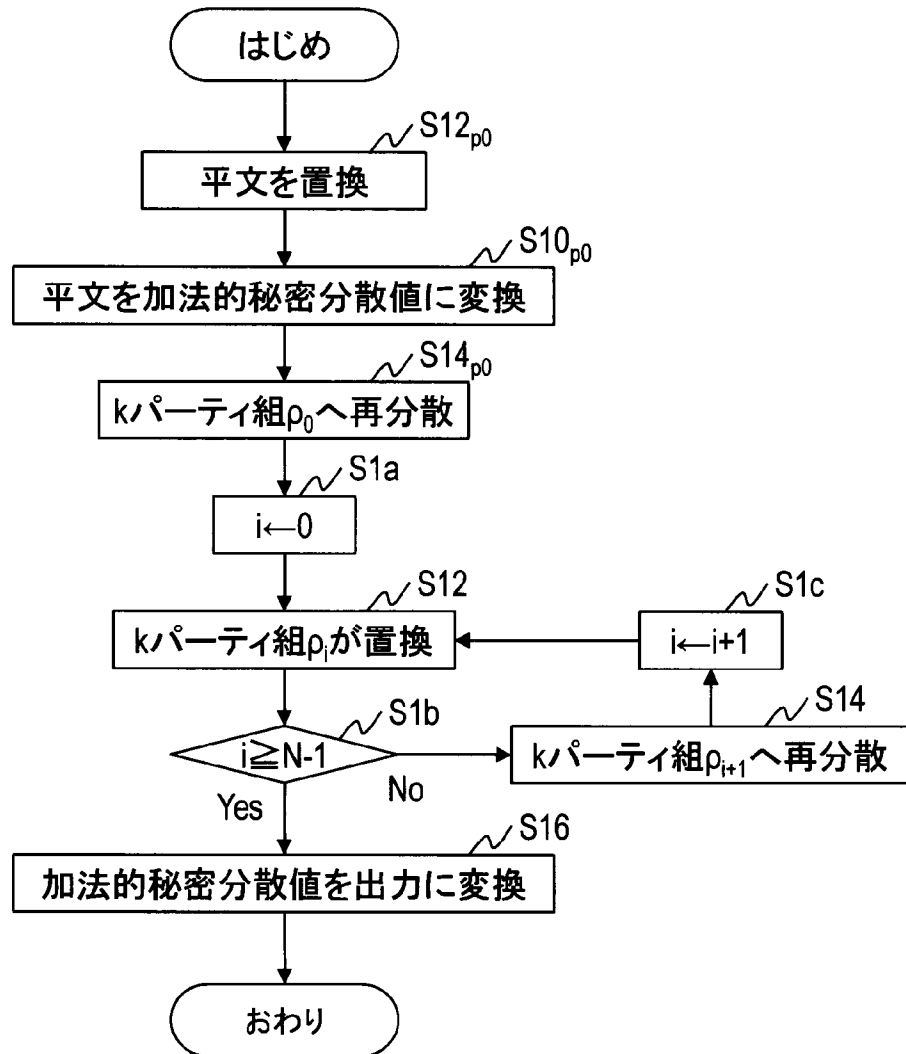


図4

[図5]

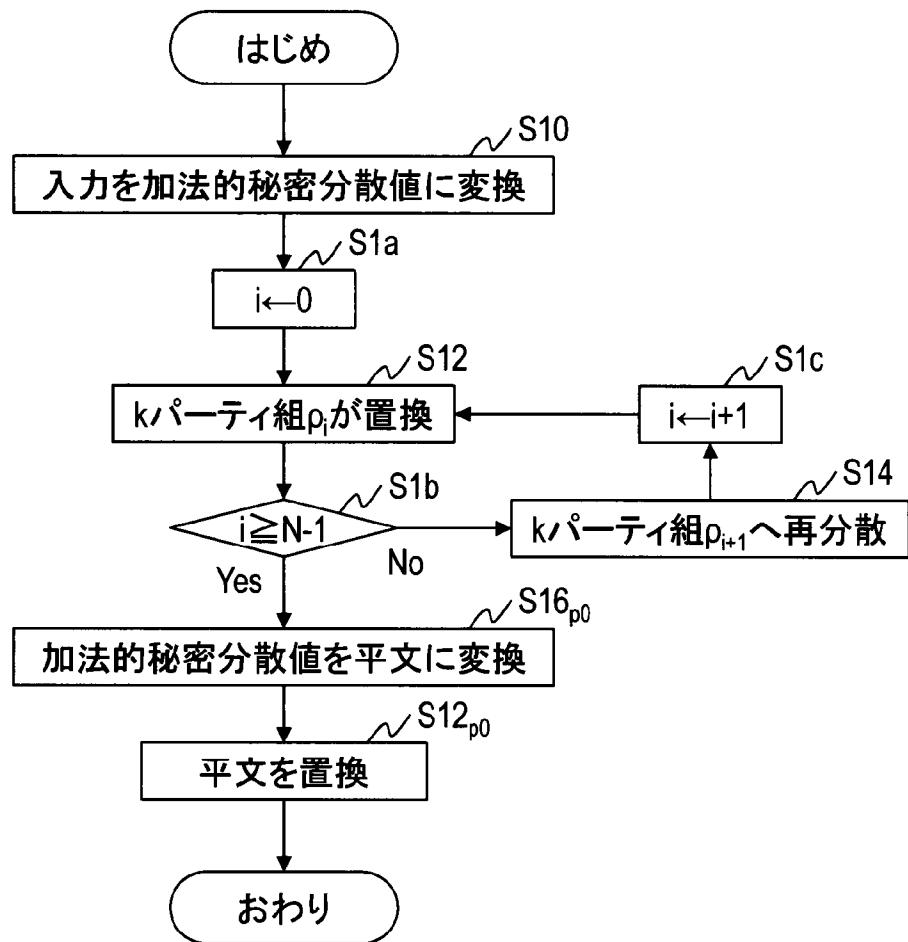


図5

[図6]

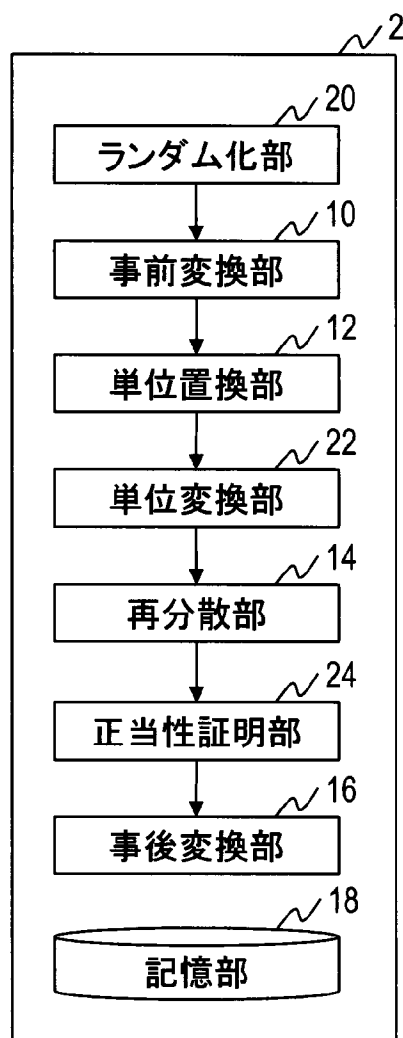


図6

[図7]

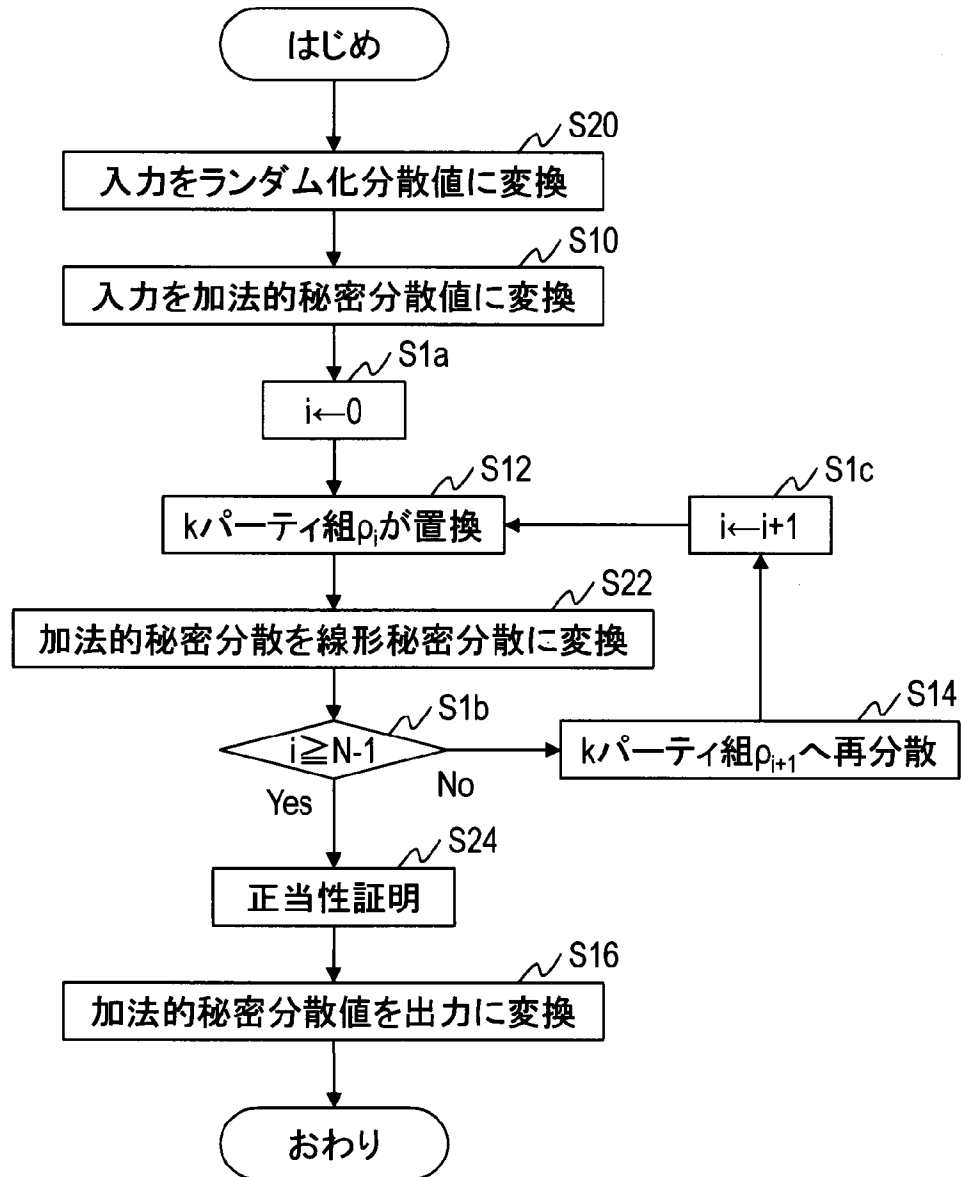


図7

[図8]

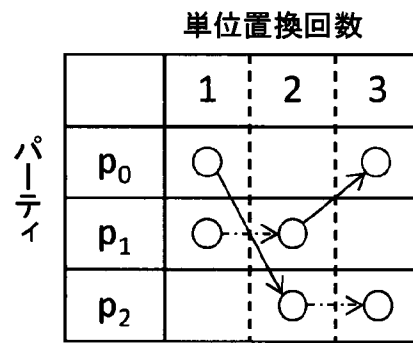


図8

[図9]

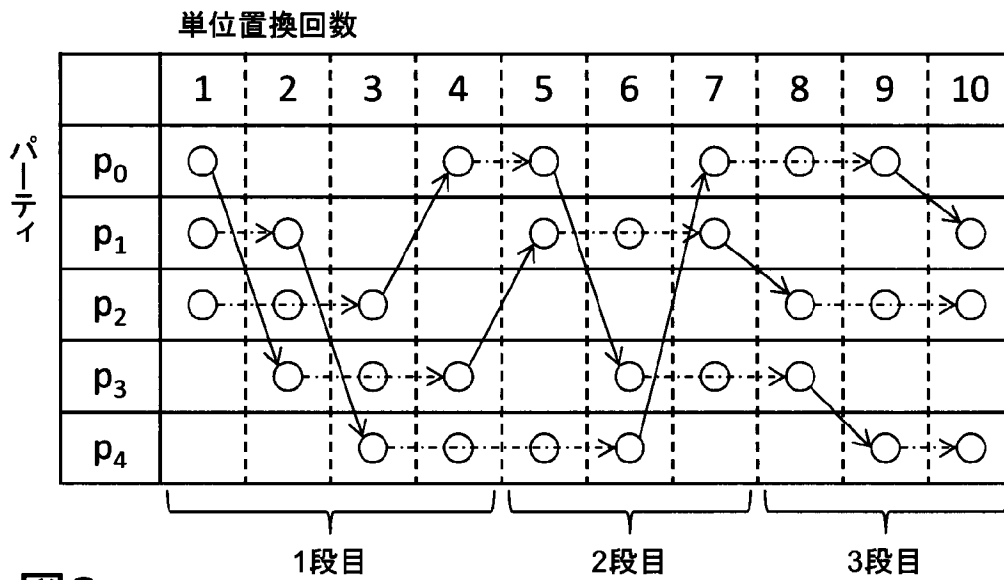


図9

[図10]

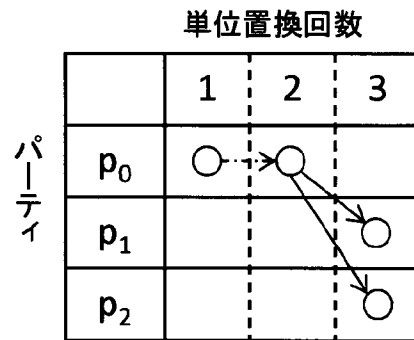


図10

[図11]

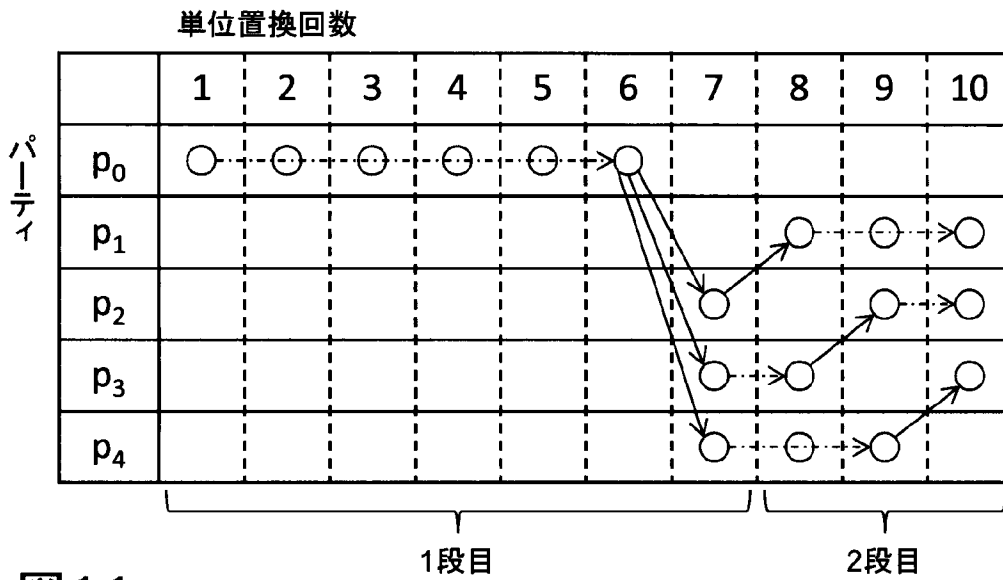


図11

[図12]

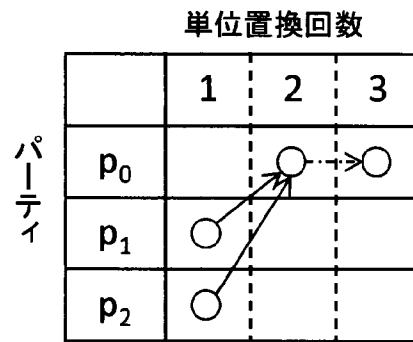


図12

[図13]

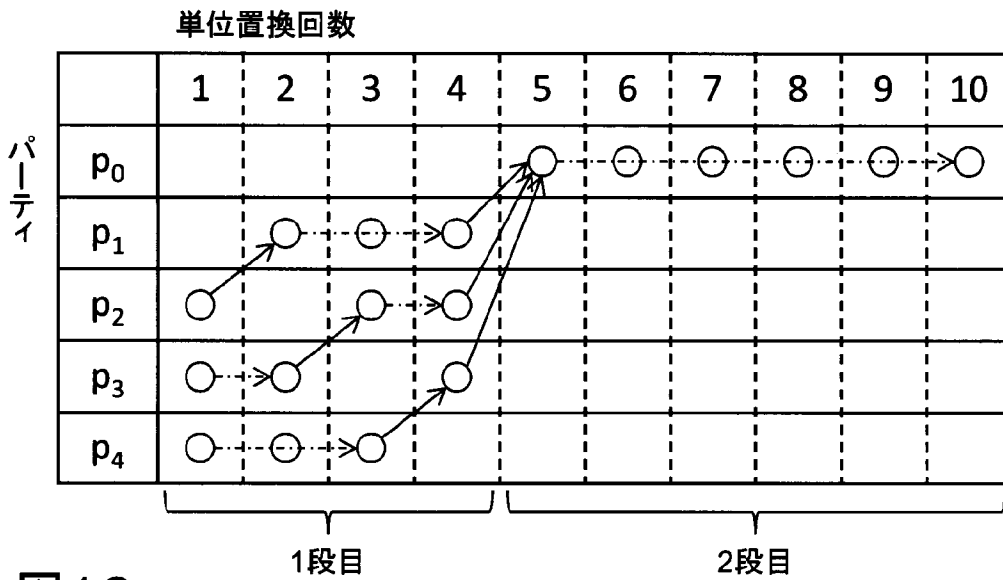


図13

INTERNATIONAL SEARCH REPORT

International application No.
PCT/JP2015/050231

A. CLASSIFICATION OF SUBJECT MATTER
G09C1/00(2006.01)i, G06F21/60(2013.01)i

According to International Patent Classification (IPC) or to both national classification and IPC

B. FIELDS SEARCHED

Minimum documentation searched (classification system followed by classification symbols)
G09C1/00, G06F21/60

Documentation searched other than minimum documentation to the extent that such documents are included in the fields searched

Jitsuyo Shinan Koho	1922-1996	Jitsuyo Shinan Toroku Koho	1996-2015
Kokai Jitsuyo Shinan Koho	1971-2015	Toroku Jitsuyo Shinan Koho	1994-2015

Electronic data base consulted during the international search (name of data base and, where practicable, search terms used)
JSTPlus/JMEDPlus/JST7580(JDreamIII), multi-party computation, random permutation

C. DOCUMENTS CONSIDERED TO BE RELEVANT

Category*	Citation of document, with indication, where appropriate, of the relevant passages	Relevant to claim No.
A	US 2003/0046547 A1 (Jakobsson, B. M. and Wetzl, S. G.), 06 March 2003 (06.03.2003), paragraphs [0025] to [0071]	1-10
A	US 6772339 B1 (Lucent Technologies Inc.), 03 August 2004 (03.08.2004), column 3, line 1 to column 8, line 48	1-10
A	JP 5411994 B2 (Nippon Telegraph and Telephone Corp.), 15 November 2013 (15.11.2013), paragraphs [0011] to [0022], [0043] to [0052]	1-10

Further documents are listed in the continuation of Box C. See patent family annex.

* Special categories of cited documents:	"T" later document published after the international filing date or priority date and not in conflict with the application but cited to understand the principle or theory underlying the invention
"A" document defining the general state of the art which is not considered to be of particular relevance	"X" document of particular relevance; the claimed invention cannot be considered novel or cannot be considered to involve an inventive step when the document is taken alone
"E" earlier application or patent but published on or after the international filing date	"Y" document of particular relevance; the claimed invention cannot be considered to involve an inventive step when the document is combined with one or more other such documents, such combination being obvious to a person skilled in the art
"L" document which may throw doubts on priority claim(s) or which is cited to establish the publication date of another citation or other special reason (as specified)	"&" document member of the same patent family
"O" document referring to an oral disclosure, use, exhibition or other means	
"P" document published prior to the international filing date but later than the priority date claimed	

Date of the actual completion of the international search 28 January 2015 (28.01.15)	Date of mailing of the international search report 10 February 2015 (10.02.15)
---	---

Name and mailing address of the ISA/ Japan Patent Office 3-4-3, Kasumigaseki, Chiyoda-ku, Tokyo 100-8915, Japan	Authorized officer Telephone No.
--	---

INTERNATIONAL SEARCH REPORT

International application No.

PCT/JP2015/050231

C (Continuation). DOCUMENTS CONSIDERED TO BE RELEVANT

Category*	Citation of document, with indication, where appropriate, of the relevant passages	Relevant to claim No.
A	Laur, S. et al., Round-efficient Oblivious Database Manipulation, Cryptology ePrint Archive:Report 2011/429 [online], 2011.08.12, [retrived on 2015.01.27] Retrieved from the Internet:<URL: https://eprint.iacr.org/2011/429 > especially 4 Protocols for Oblivious Shuffle	1-10
P,X	Dai IKARASHI et al., "Internet Kankyo Response 1 Byo no Tokei Shori o Mezashita, Himitsu Keisan Kisu Sort no Kairyo", 2014 Nen Symposium on Cryptography and Information Security Koen Ronbunshu, 21 January 2014 (21.01.2014), particularly, 5.3 Random Chikan Protocol no Kairyo	1-10

INTERNATIONAL SEARCH REPORT
Information on patent family members

International application No.
PCT/JP2015/050231

US 2003/0046547 A1	2003.03.06	(Family: none)		
US 6772339 B1	2004.08.03	(Family: none)		
JP 5411994 B2	2013.11.15		US 2013/0182836 A1	2013.07.18
			EP 2608190 A1	2013.06.26
			WO 2012/046692 A1	2012.04.12
			CN 103141056 A	2013.06.05

A. 発明の属する分野の分類（国際特許分類（IPC））
 Int.Cl. G09C1/00(2006.01)i, G06F21/60(2013.01)i

B. 調査を行った分野
 調査を行った最小限資料（国際特許分類（IPC））
 Int.Cl. G09C1/00, G06F21/60

最小限資料以外の資料で調査を行った分野に含まれるもの
 日本国実用新案公報 1922-1996年
 日本国公開実用新案公報 1971-2015年
 日本国実用新案登録公報 1996-2015年
 日本国登録実用新案公報 1994-2015年

国際調査で使用した電子データベース（データベースの名称、調査に使用した用語）
 JSTPlus/JMEDPlus/JST7580(JDreamIII)
 multi-party computation, random permutation

C. 関連すると認められる文献

引用文献の カテゴリー*	引用文献名 及び一部の箇所が関連するときは、その関連する箇所の表示	関連する 請求項の番号
A	US 2003/0046547 A1 (Jakobsson, B. M. and Wetzel, S. G.) 2003.03.06, 25-71 段落	1-10
A	US 6772339 B1 (Lucent Technologies Inc.) 2004.08.03, 3 欄 1 行-8 欄 48 行	1-10
A	JP 5411994 B2 (日本電信電話株式会社) 2013.11.15, 11-22, 43-52 段落	1-10

C 欄の続きにも文献が列挙されている。 パテントファミリーに関する別紙を参照。

* 引用文献のカテゴリー	の日の後に公表された文献
「A」特に関連のある文献ではなく、一般的技術水準を示すもの	「T」国際出願日又は優先日後に公表された文献であって出願と矛盾するものではなく、発明の原理又は理論の理解のために引用するもの
「E」国際出願日前の出願または特許であるが、国際出願日以後に公表されたもの	「X」特に関連のある文献であって、当該文献のみで発明の新規性又は進歩性がないと考えられるもの
「L」優先権主張に疑義を提起する文献又は他の文献の発行日若しくは他の特別な理由を確立するために引用する文献（理由を付す）	「Y」特に関連のある文献であって、当該文献と他の1以上の文献との、当業者にとって自明である組合せによって進歩性がないと考えられるもの
「O」口頭による開示、使用、展示等に言及する文献	「&」同一パテントファミリー文献
「P」国際出願日前で、かつ優先権の主張の基礎となる出願	

国際調査を完了した日 28.01.2015	国際調査報告の発送日 10.02.2015
--------------------------	--------------------------

国際調査機関の名称及びあて先 日本国特許庁（ISA/J P） 郵便番号100-8915 東京都千代田区霞が関三丁目4番3号	特許庁審査官（権限のある職員） 中里 裕正 電話番号 03-3581-1101 内線 3546	5 S	9364
--	---	-----	------

C (続き) . 関連すると認められる文献		
引用文献の カテゴリー*	引用文献名 及び一部の箇所が関連するときは、その関連する箇所の表示	関連する 請求項の番号
A	Laur, S. et al., Round-efficient Oblivious Database Manipulation, Cryptology ePrint Archive:Report 2011/429 [online], 2011.08.12, [retrived on 2015.01.27] Retrieved from the Internet:<URL: https://eprint.iacr.org/2011/429 > especially 4 Protocols for Oblivious Shuffle	1-10
P X	五十嵐大 他, インターネット環境レスポンス1秒の統計処理を目指した, 秘密計算基数ソートの改良, 2014年暗号と情報セキュリティシンポジウム講演論文集, 2014.01.21, 特に5.3 ランダム置換プロトコルの改良	1-10

US 2003/0046547 A1	2003.03.06	ファミリーなし		
US 6772339 B1	2004.08.03	ファミリーなし		
JP 5411994 B2	2013.11.15	US 2013/0182836 A1	2013.07.18	
		EP 2608190 A1	2013.06.26	
		WO 2012/046692 A1	2012.04.12	
		CN 103141056 A	2013.06.05	